

TECHNICKÁ UNIVERZITA V LIBERCI

Fakulta mechatroniky a mezioborových inženýrských studií

Studijní program: P2612 Elektrotechnika a informatika

Studijní obor: 3901V025 Přírodovědné inženýrství

Hodnocení numerické citlivosti reálných hydrogeologických modelů pro účely jejich kalibrace

RNDr. Klára Císařová

Školitel: Prof. Dr. Ing. Jiří Maryška, CSc.

Pracoviště: Ústav nových technologií a aplikované informatiky

Rozsah práce a příloh

Počet stran textu: 85

Počet příloh: 2

Počet obrázků: 53

Počet tabulek: 2

Datum: 30. 4. 2007

Anotace

Tato práce se zabývá problematikou citlivosti numerické simulace proudění podzemních vod v lokalitě s velkým nedostatkem vstupních dat. Sadou výpočtů scénářů pro různá zadání okrajových podmínek a hodnocením změn stavových hodnot lze posoudit stabilitu modelu na zadávání vstupních dat. Pro tuto úlohu byla vybrána lokalita Cajamarca v Peru. V této hydrogeologicky velmi komplikované oblasti byly pro stavbu modelu k dispozici pouze geografická data, nákresy několika profilů, hodnoty srážkových dotací a vydatnost několika pramenů. Modelem se mají posoudit hydrogeologické změny v oblasti v případě, že dojde k nucenému čerpání pramenů. Simulací se mají posoudit změny v infiltrační oblasti, změny teploty pramenů a možné snížení kvality vody vlivem kontaminace. Posouzení stability modelu a jeho citlivosti na vstupní data je nutnou podmínkou splnění všech výše uvedených úkolů.

Summary

In this thesis there are discussed problems relating to a sensitivity of numeric simulation of streaming of underground water in the location with the great lack of enters data. To review stability of the model of entering data, herein is used series of calculations of scenarios for different outside conditions in comparison with survey of rates changes of values. Cajamarca in Peru is the location chosen for this task. In this very complex groundwater zone there were for the construction of the model available only: geographical data, drawings of several profiles, rates of rain-fall. The objective of this work is to consider possible hydrogeological changes in the location in case of enforced pumping water resources. By this simulation we can meussure mutations in infiltrating location, shifts in the temperature of water streams and possible decrease in quality of water owing to contamination. The necessary condition to carry out above described tasks is stability of the model and its responsivness to the enters data.

Použité značení

\mathbf{u}	filtrační rychlost
p	tlaková výška
p_T	vnější tlaková výška při zadání Newtonovy okrajové podmínky
p_D	tlaková výška podzemní vody při zadání Dirichletovy okrajové podmínky
π	dynamická složka tlaku
λ	stopa tlakové výšky na mezilementových a okrajových stěnách
ρ	hustota vody
g	gravitační konstanta
\mathbf{K}	tenzor hydraulické vodivosti, o kterém předpokládáme, že má diagonální tvar a tedy nenulové souřadnice jsou pouze K_{xx} , K_{yy} a K_{zz}
σ	koefficient přestupu
Ω	oblast řešení
E_h	rozklad oblasti Ω na systém podoblastí
Γ	struktura mezilementových a nedirichletovských stěn
\mathbf{R}	tenzor hydraulického odporu horninového prostředí
p_{ad}	přidaná tlaková hodnota
c_{kap}	parametrizační konstanta
ϑ_{ref}	střední hodnota teploty povrchu terénu referenční teplota

Úvod

Tato práce se zabývá numerickou analýzou citlivosti kombinovaného modelu proudění aplikovaného v reálném horninovém prostředí v oblasti Cajamarca v Peru.

Modelování a simulace procesů je v současné době jeden z nejúčinnějších prostředků pro pochopení vlastností sledovaných dějů, pro predikci jejich chování v budoucnosti. Kalibrované modely slouží i k posouzení možností jejich řízení. Podmínkou úspěšného řízení procesů je úplné pochopení všech podstatných vlivů, které mění podmínky a tím i vývoj sledovaného děje. V osmdesátých letech minulého století byly úspěchy v uplatnění technologie modelování zaměřeny především na studium technických procesů, optimálního návrhu strojních součástí, hodnocení statiky staveb a podobně. V této době se začala velmi dynamicky vyvíjet i výpočetní technika. V devadesátých letech se vývoj softwaru specializoval na jednotlivé technické disciplíny. Tak vznikly specializované balíky programů jakými jsou například ANSYS specializovaný na technické výpočty v oblasti strojírenství, stavebnictví, tepelné techniky a podobně, FLUENT specializovaný na výpočty proudění plynu v technických systémech. A bylo by možné jmenovat další produkty i pro jiné disciplíny respektive produkty konkurenční. V devadesátých letech řada výzkumných týmů úspěšně aplikovala modely i na řešení přírodních procesů, v oblasti životního prostředí. Mezi nejpoužívanější komerční softwarové produkty zaměřené na problematiku proudění podzemních vod je program MODFLOW. Tento software je postupně doplňován o zahrnutí dalších fyzikálních vlivů, je vybaven příjemným uživatelským rozhraním včetně grafiky. Proto je také mezi hydrogeology značně oblíben a užíván. Jeho užití pro řízení přírodních procesů je však právě omezeno užíváním vlastností homogenizovaného prostředí, což zkresluje výsledky řešení, ikdyž jejich grafické znázornění může být velmi působivé. Výrazná heterogenita horninového prostředí, přítomností mnoha specifických prvků, velmi obtížná identifikace vstupních parametrů úlohy a řada dalších okolností podstatně komplikují hledání odpovídajícího řešení. Lze říci, že každá reálná úloha s hydrogeologickou tematikou je svým způsobem jedinečná a vyžaduje řadu kvalifikovaných odhadů a předpokladů, jejich následné ověřování a postupnou kalibraci zadaných parametrů. Úspěšnost řešení reálných úloh závisí především na zkušenostech řešitelů a dostupnosti vstupních dat – geometrických, geologických, geofyzikálních, a možnosti měření některých stavových proměnných pro porovnání výsledků. Všechny hydrogeologické úlohy trpí nedostatkem vstupních dat. Přesto jsou oblasti relativně velmi podrobně prozkoumané s velkým množstvím časových řad monitorovaných v průběhu například průmyslové činnosti v dané oblasti. Mezi takové úlohy patří i řešení hydrogeologických situací v průběhu sanace Strážského bloku po chemické těžbě uranu a řada dalších úloh v důlních oblastech.

Například ve Strážském bloku bylo provedeno několik tisíc těžebních, průzkumných i monitorovacích vrtů. Vzhledem k tomu, že zasažený prostor zaujímá asi 25 km^2 a v tomto prostoru je pouze několik set vrtů jádrových a monitorovacích. Tedy i zde se jedná o lokální bodové údaje – v průměru jeden zkoumaný vrt na několik hektarů – a kalibrace a verifikace modelů, porovnávání s monitoringem je pro výsledné řešení nezbytné. Pokud chceme provádět pilotní hydrogeologický výzkum, je situace v identifikaci vstupních dat mnohem složitější. Právě taková oblast byla vybrána pro výzkum citlivosti hydrogeologických modelů vyvíjených na Katedře modelování procesů.

Cíle disertační práce

Postup při tvorbě modelu je následující. Nejprve je zájmová oblast rozdělena do několika tisíc podoblastí – elementů (v našem případě cca 16 000). Na každém elementu je proveden kvalifikovaný odhad hydraulické vodivosti. Dále jsou identifikovány hraniční stěny zájmové oblasti, na kterých jsou předepsány okrajové podmínky. Na stěnách odpovídajících geografickému povrchu jsou předepsány piezometrické výšky a porovnání vypočtené a monitorované infiltrace srážek tvoří nástroj pro kalibraci modelu. Na některých okrajových stěnách sousedících vesměs s nepropustnými vrstvami je předepsán nulový přetok a konečně na ostatních okrajových stěnách, na kterých by byla identifikace podmínky obtížná, je předepsána obecná okrajová podmínka vyjadřující vztah mezi přetokem a spádem piezometrické výšky. Vlastní model je založen na splnění Darcyho zákona a rovnice kontinuity na každém elementu ve slabém smyslu doplněném soustavou rovnic vyjadřující vzájemné bilance přetoků mezi elementy respektive interakcí objemových elementů a puklin. Diskretizací modelu odvodíme stavovou soustavu, kterou můžeme zapsat v symbolickém tvaru

$$\mathbf{A}(\alpha)\mathbf{U}(\alpha) = \mathbf{b}(\alpha),$$

kde α označuje soubor parametrů ovlivňující sestavení stavové matice i vektoru pravé strany. Do tohoto souboru náleží

1. geometrie geologických vrstev, bloků hornin a rozmístění tektonických poruch,
2. vlastnosti horninových prvků,
3. vlastnosti přechodu a kontaktu horninových bloků a zlomů,
4. rozložení okrajových podmínek různého typu,
5. hodnoty zadání okrajových podmínek

a podobně. Při stavbě modelu a v průběhu jeho řešení jsou výsledky zatíženy mnoha chybami. Mimo výše vyjmenované nejistoty, které vstupující do modelu, jsou výsledky zatíženy i chybami jako jsou zjednodušení fyzikálních vztahů mezi proměnnými, velikost parametru diskretizace, zaokrouhlovací chyby v průběhu výpočtu, chyby použité numerické metody. V případě modelování přírodních procesů jsou nejpodstatnějšími chybami právě nepřesnosti a nejistoty v identifikaci prostorových a geofyzikálních dat. Proto právě tímto směrem jsou zaměřeny cíle disertace. Budou vypočteny různé varianty nastavení modelu pro různé charakteristiky respektive hodnoty vstupních dat. Odchylky ve výsledcích budou hodnoceny ve smyslu norem lokálního i globálního významu. Nejprve výše uvedenou rovnici upravíme a vypočteme řešení závisující na vstupních parametrech, dostaneme

$$\mathbf{U}(\alpha) = \mathbf{A}^{-1}(\alpha)\mathbf{b}(\alpha).$$

Potom vyjádříme obecný funkcionál (například normu)

$$J[\mathbf{U}(\alpha)] = J[\mathbf{A}^{-1}(\alpha)\mathbf{b}(\alpha)],$$

Pak m -tý prvek vektoru citlivosti můžeme definovat takto:

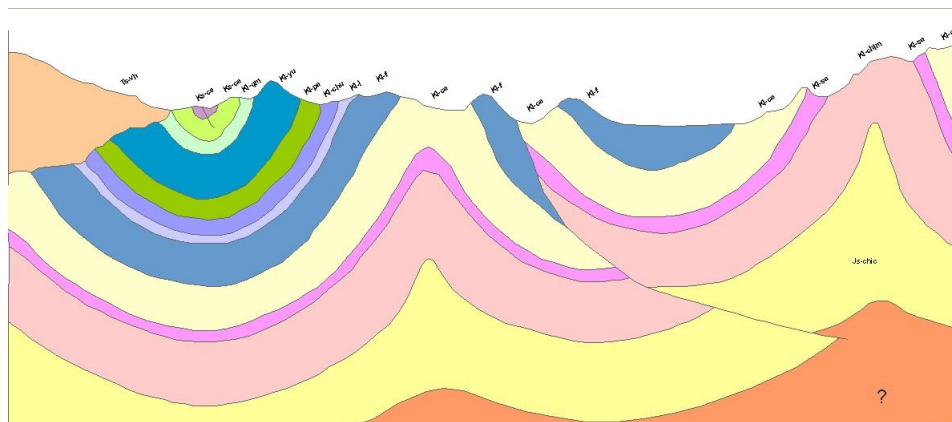
$$C_m = \left. \frac{\partial J}{\partial \alpha_m} \right]_{\alpha=\alpha^0} = \left\{ \frac{\partial}{\partial \alpha_m} J[\mathbf{A}^{-1}(\alpha)\mathbf{b}(\alpha)] \right\}_{\alpha=\alpha^0}.$$

Posouzení právě hodnot C_m pro různá nastavení α^0 je hlavním cílem této práce.

Popis hydrogeologického modelu Cajamarca

Pro řešení hydrogeologických podmínek ve vybraných lokalitách v Peru byla pro zpracování modelu vybrána lokalita Cajamarca. Základem tohoto rozhodnutí bylo relativně více geologických a strukturních dat ve srovnání s ostatními regiony v Peru, které byly pro zpracování modelu k dispozici. Je nutné na tomto místě poznamenat, že zpracování přesného modelu je natolik časově náročné, mimo jiné i na získání datových vstupů. Proto je nezbytné studovat vlivy vstupních dat na změny řešení. Vhodnou metodikou kalibrace je problém řešitelný. V našem modelu bylo nutné řadu údajů o charakteristikách podloží předpokládat a zavést do modelu jako snadno změnitelné hodnoty. Na základě výpočtu řady variant, bude možné uvedený model v budoucnu upřesňovat a kalibrovat, pokud budou k dispozici nové údaje z geologického průzkumu a hydrogeologických měření.

Cílem modelování bylo zpracování řady variantních scénářů vývoje hydrogeologické situace v hlavním aquiferu, který je dominantní pro zdroje termální vody ve sledovaných pramenech. Následně předpokládáme, že výsledky modelu budou podrobeny numerické analýze citlivosti, což povede k možnosti dalšího



Obrázek 1: Profilový řez oblastí

zpřesnění. Pak již mohou následné modelovací práce poskytnout odpovědi na řadu otázek týkajících se hydrogeologických změn v oblasti v případě rozvoje lázeňské zástavby.

Geometrie oblasti hlavního aquiferu, pro který byl model zpracován, byla zpracována pracovníky ČGS formou několika geologických řezů (tři příčné: 1, 2 a 3 a jeden podélný: 4). Obě dvě skupiny pramenů Perolito a Tragadero se nacházejí mezi řezy 1 a 2. Dále bylo nutné omezit zájmovou oblast hraničními plochami, na kterých budou předepsány varianty okrajových podmínek. Z východu a západu jsou těmito plochami geologické profily, ze severu je oblast omezena osovou rovinou synklinály, z jihu osovou rovinou antiklinály. Z interpretace terénních dat vyplývá, že hlavní oběh vody je koncentrován zejména v této oblasti.

Pro účel přípravy matematického modelu je možné rozdělit zájmovou oblast na několik základních horninových a strukturních typů (od podloží směrem nahoru):

1. Nepropustné podloží (jurské souvrství Chicama, nevychází na povrch).
2. Hlavní aquifer - hydraulicky silně propustná vrstva (kvarcity a kvarcitické pískovce Chimú), která je v řezu přítomna na celém území a v jeho jižní části vychází na povrch. Tato zóna je považována za hlavní infiltrační oblast. Z matematického hlediska se jedná o vrstvu, která je zvrásněná. V oblasti antiklinoria dochází k migraci vody po puklinovém systému a výtoku na zemský povrch. Ve střední části profilu je tato vrstva porušena násunovým zlomem, který ji s největší pravděpodobností posunul tak, že leží v přímém kontaktu s další propustnou vrstvou: pískovci Farrat.

3. Nepropustná vrstva, která představuje izolátor (jílovce a prachovce souvrství Santa a Carhuaz)
4. Propustná vrstva (pískovce Farrat), která do podzemního hydrogeologického systému spojeného s termálními prameny zasahuje pouze v místě násunového zlomu, kde je v kontaktu s hlavním aquiferem kvarcity Chimú a představuje další možnou infiltrační oblast. Další nadložní horniny, které jsou znázorněné v profilu mají na hydrogeologický model malý vliv.
5. Významným strukturním prvkem je kromě puklinové zóny (kliváže) v ose antiklinály severojižní systém poklesových zlomů, na kterých jsou lokalizované termální prameny. Specifikou modelu je právě propojení objemových (hydrogeologické vlastnosti hornin) a plošných prvků (zlomy).

Postup při tvorbě modelu je následující. Nejprve je zájmová oblast rozdělena do několika tisíc podoblastí - elementů (v našem případě cca 16000). Na každém elementu je proveden kvalifikovaný odhad hydraulické vodivosti. Dále jsou stanoveny okrajové stěny zájmové oblasti, na kterých jsou předepsány okrajové podmínky. Na stěnách odpovídajících geografickému povrchu jsou předepsány piezometrické výšky a porovnání vypočtené a monitorované infiltrace srážek tvoří nástroj pro kalibraci modelu. Na některých okrajových stěnách sousedících vesměs s nepropustnými vrstvami je předepsán nulový přetok a konečně na ostatních okrajových stěnách, na kterých by byla identifikace podmínky obtížná, je předepsána obecná okrajová podmínka vyjadřující vztah mezi přetokem a spádem piezometrické výšky. Vlastní model je založen na splnění Darcyho zákona a rovnice kontinuity na každém elementu ve slabém smyslu doplněném soustavou rovnic vyjadřující vzájemné bilance přetoků mezi elementy respektive interakcí objemových elementů a puklin.

Popis a výsledky jednotlivých částí práce

Nyní podrobněji k jednotlivým částem práce. Ta je rozdělena do tří hlavních kapitol. V první kapitole je odvozen obecný hydrogeologický model pro ustálené proudění podzemní vody. Nejprve jsou popsány rovnice ustáleného proudění a typy použitých okrajových podmínek. Následně je odvozeno slabé řešení ustáleného proudění založené na smíšené hybridní formulaci úlohy. Tato formulace byla zpracována koncem devadesátých let minulého století a je mnoha autory oblíbená především pro svoji přehlednost. Právě tato vlastnost je velmi důležitá pro komplikované hydrogeologické systémy. Dále je uvedeno možné propojení prvků různé dimenze, které bylo zpracováno v letech 2003-04 a na formulaci se podíleli Maryška, Severýn a Vohralík. Pro diskretizaci byl použit kombinovaný model spojující 3D prvky a 2D prvky. Popsaný model byl vyvíjen v letech

2004-2006 a implementaci kódu vypracoval Severýn a dále doplnila a testovala na modelových úlohách Královcová.

Druhá kapitola je věnována popisu lokality Cajamarca. Jsou popsány geografické charakteristiky, geologické vlastnosti jednotlivých vrstev a hydrogeologii lokality. Numerická citlivost kombinovaného modelu byla studována právě v oblasti, pro kterou je k dispozici velmi málo dat. Je zde zpracována nulová varianta hydrologické situace lokality, ke které budou ostatní varianty posuzovány. Na přípravě výpočtu nulové varianty se účastnila Královcová. Výpočetní síť připravovala Capeková a upravovala Královcová.

Hlavní výsledky práce jsou soustředěny ve třetí kapitole. Zde jsou postupně variovány vlastnosti hydraulické vodivosti hlavního aquiferu, měněny Dirichletovy okrajové podmínky na infiltrační části terénu. Konečně jsou i měněny Newtonovy okrajové podmínky na horní části aquiferu a na západní a východní části lokality. Odchytky stavových proměnných jsou zpracovány jako pole změn a posouzeny v takovéto formě. Dále jsou odchytky zpracovány i ve funkcionální formě a graficky vyhodnoceny. Hodnocení citlivosti stavových veličin na změny vlastností horninového prostředí a změny okrajových podmínek je komentováno jednak u každé úlohy a shrnuto v závěru práce. Tato část práce je významně dokumentována tabulkami výsledků, grafy závislostí a řadou obrázků.

Část I

Hydrogeologický model

1 Matematicko - fyzikální model úlohy ustáleného proudění

V této části nejprve shrneme matematický popis sledovaných procesů. Proudění podzemní vody je popsáno Darcyho zákonem, který zapíšeme ve tvaru:

$$\mathbf{u} = -\mathbf{K} \nabla(p + z); \quad p = \frac{\pi}{\rho \cdot g};$$

a rovnicí kontinuity, která pro nasycené prostředí má tvar

$$\nabla \cdot \mathbf{u} = 0$$

zde \mathbf{u} označuje filtrační rychlost, p tlakovou výšku, π označuje dynamickou složku tlaku, ρ je hustota vody a g gravitační konstanta. \mathbf{K} označuje tenzor hydraulické vodivosti, o kterém předpokládáme, že má diagonální tvar a tedy nenulové souřadnice jsou pouze K_{xx} , K_{yy} a K_{zz} .

Na hraničních plochách oblasti jsou předepsány okrajové podmínky. Na částech hranice zadaných povrchem terénu jsou zadány Dirichletovy okrajové podmínky ve tvaru

$$p = p_D$$

kde p_D označuje tlakovou výšku podzemní vody. Na částech hranice Γ_N sousedících vesměs s vrstvami velmi malou hydraulickou vodivostí, jsou zadány Neumannovy okrajové podmínky ve tvaru

$$\mathbf{u} \cdot \mathbf{n} = u_N$$

kde \mathbf{n} označuje jednotkový vektor vnější normály a skalární funkce u_N označuje tok vody hranicí. Identifikace tohoto parametru bude předmětem variantních scénářů. Konečně na zbývajících částech hranice Γ_T , na kterých je identifikace okrajové podmínky obtížná, použijeme Newtonovy okrajové podmínky vyjadřující vztah mezi tokem a spádem tlakové výšky. Tento vztah můžeme zapsat ve tvaru:

$$\mathbf{u} \cdot \mathbf{n} = \sigma(p - p_T)$$

kde σ označuje koeficient přechodu a p_T je vnější tlaková výška. Identifikace těchto parametrů bude předmětem kalibrace modelu.

1.1 Odvození slabého řešení

Oblast řešení označíme Ω a rozložíme do mnoha podoblastí - elementů. Systém těchto podoblastí označíme E_h . Symbolem Γ označíme strukturu stěn oddělujících jednotlivé podoblasti kromě té části, na které je zadána Dirichletova okrajová podmínka. Tato část je pak označena Γ_D . Dále budeme požadovat, aby stavové funkce vyjadřující tlakové pole i pole filtračních rychlostí splňovaly ve slabém smyslu Darcyho zákon i rovnici kontinuity na každé takové podoblasti. Na struktuře ploch oddělujících podoblasti požadujeme splnění podmínek transmise - tedy podmínek vyrovnané bilance vnějších toků vystupující z přiléhajících elementů. Tenzor hydraulického odporu horninového prostředí označíme symbolem \mathbf{R} (tedy $\mathbf{R} = \mathbf{K}^{-1}$). Řešením úlohy podzemního proudění nazveme trojici funkcí \mathbf{u}, p, λ z prostoru $\mathbf{W}(\Omega) = \mathbf{H}(\text{div}; \Omega) \times L_2(\Omega) \times H^{1/2}(\Gamma)$, kde \mathbf{u} vyjadřuje vektorovou funkci pole filtračních rychlostí, p označuje skalární funkci tlakové výšky a λ označuje stopu tlakové výšky na stěnách rozkladu Γ oblasti Ω , které splňují následující rovnice

$$\begin{aligned} \sum_{e \in E_h} \int_e \mathbf{R} \mathbf{u}^e \cdot \mathbf{v}^e dV - \sum_{e \in E_h} \int_e (p^e + z^e) \nabla \cdot \mathbf{v}^e dV + \\ \sum_{e \in E_h} \int_{\partial e \cap \Gamma} (p^{\partial e} + z^{\partial e}) \mathbf{v}^e \cdot \mathbf{n}^e dS = - \sum_{e \in E_h} \int_{\partial e \cap \Gamma_D} (p_D^{\partial e} + z_D^{\partial e}) \mathbf{v}^e \cdot \mathbf{n}^e dS \\ \sum_{e \in E_h} \int_e \nabla \cdot \mathbf{u}^e \varphi^e dV = 0 \\ \sum_{e \in E_h} \int_{\partial e \cap \Gamma_E} \mathbf{u}^e \cdot \mathbf{n}^e \mu^{\partial e} dS = 0 \\ \sum_{e \in E_h} \int_{\partial e \cap \Gamma_N} \mathbf{u}^e \cdot \mathbf{n}^e \mu^{\partial e} dS = \sum_{e \in E_h} \int_{\partial e \cap \Gamma_N} u_N^{\partial e} \mu^{\partial e} dS \\ \sum_{e \in E_h} \int_{\partial e \cap \Gamma_T} \mathbf{u}^e \cdot \mathbf{n}^e \mu^{\partial e} dS + \sum_{e \in E_h} \int_{\partial e \cap \Gamma_T} \sigma^{\partial e} p^{\partial e} \mu^{\partial e} dS = \sum_{e \in E_h} \int_{\partial e \cap \Gamma_T} \sigma^{\partial e} p_T^{\partial e} \mu^{\partial e} dS \end{aligned} \quad (1.1)$$

pro libovolné trojice testovacích funkcí \mathbf{v}, φ, μ vybrané též z prostoru $\mathbf{W}(\Omega) = \mathbf{H}(\text{div}; \Omega) \times L_2(\Omega) \times H^{1/2}(\Gamma)$. V integrální rovnici označují horní indexy restriktory funkcí na uvedené podoblasti respektive její hranici.

Tuto soustavu integrodiferenciálních rovnic budeme nyní diskretizovat a odvodíme soustavu lineárních rovnic.

1.2 Diskretizace modelu užitím MH FEM

Podoblasti rozdělující zájmový prostor budeme v dalším textu nazývat elementy. Parametr diskretizace označíme h . Původní prostor vektorových funkcí reprezentující toky označený výše jako $\mathbf{H}(\text{div}; \Omega)$ budeme dále aproximovat prostorem $\mathbf{RT}_{-1}^0(E_h)$, který je definován jako lineární obal konečné baze tvořené po částech lineárními funkcemi (lineárními na každém elementu e).

Prostory $L_2(\Omega)$ respektive $H^{1/2}(\Omega)$ budeme aproximovat pomocí prostorů $M^0(E_h)$ respektive $M^0(\Gamma_h)$ po částech konstantních funkcí, tedy konstantních funkcí na každém elementu $e \in E_h$ respektive na každé stěně oddělující dva elementy $f \in \Gamma_h$.

Přibližné řešení úlohy proudění budeme hledat ve formě lineární kombinace bázových funkcí, tedy ve tvaru:

$$\begin{aligned} \mathbf{u}_h(\mathbf{x}) &= \sum_{i \in I} U_i \mathbf{v}_i(\mathbf{x}) \\ p_h(\mathbf{x}) &= \sum_{j \in J} P_j \varphi_j(\mathbf{x}) \\ \lambda_h(\mathbf{x}) &= \sum_{k \in K} \Lambda_k \mu_k(\mathbf{x}) \end{aligned} \tag{1.2}$$

Dosažením uvedených vztahů (1.2) do systému integrálních rovnic (1.1), odvodíme pro bázové testovací funkce soustavu lineárních algebraických rovnic.

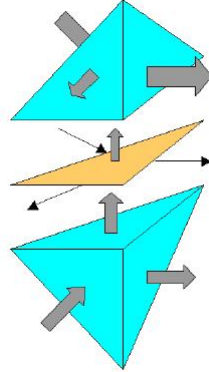
V takovéto interpretaci lze soustavu zapsat ve tvaru lineárních algebraických rovnic:

$$\begin{pmatrix} \mathbf{A} & \mathbf{B} & \mathbf{C} \\ \mathbf{B}^T & \mathbf{0} & \mathbf{0} \\ \mathbf{C}^T & \mathbf{0} & \mathbf{T} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \mathbf{U} \\ \mathbf{P} \\ \mathbf{\Lambda} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \mathbf{q}_D \\ \mathbf{0} \\ \mathbf{q}_T \end{pmatrix} \tag{1.3}$$

1.3 Kombinovaný model - ustálené proudění

Nyní popíšeme způsob napojení 3D a 2D prvků. Situace je znázorněna na obrázku 2. Nechť mezi dva objemové prvky je vložena stěna, která je součástí puklinové sítě a může tedy odvádět část podzemní vody do propojeného systému puklin nebo naopak přivádět vodu do objemových prvků.

To jakým způsobem budou tyto prvky mezi sebou komunikovat závisí na tlakové výšce, která je v těžištích navazujících stěn. Dále je důležité si uvědomit, že pokud na sebe dva objemové prvky přímo navazovaly, tvořila společná stěna oddělující stěnu, na které byl vypočtena jedna tlaková výška. Pokud mezi stěnami je umístěn puklinový prvek, potom jsou původní stěny okrajové a tedy samostatné a mohou na nich být rozdílné tlakové výšky. Nechť tedy na stěnách objemových prvků je tlaková výška dána hodnotami λ_1 respektive λ_2 a mezi



Obrázek 2: Spojení 3D prvků přes 2D prvek

nimi leží puklinový prvek, jehož tlaková výška v těžišti je dána hodnotou p , nechť dále mezi prvním objemovým prvkem a prvkem puklinovým je přechodový stav charakterizován hodnotou σ_1 a mezi druhým objemovým prvkem a prvkem puklinovým je přechodový stav charakterizován hodnotou σ_2 . Potom okrajové podmínky na sledovaném rozhraní můžeme vyjádřit ve tvaru:

$$\mathbf{u}_1 \cdot \mathbf{n}_1 = \sigma_1 (\lambda_1 - p) ; \quad \mathbf{u}_2 \cdot \mathbf{n}_2 = \sigma_2 (\lambda_2 - p) \quad (1.4)$$

Tyto podmínky vytvoří modifikace v původně odvozených soustavách pro síť objemových prvků a puklinovou síť, které jsme zapsali do jedné kombinované soustavy. Přitom nejprve musíme modifikovat původní soustavu pro puklinovou síť tím, že jednotlivé blokové lokální matice příslušné jednotlivým elementům násobíme rozevřením. Tedy parametrem d^e . Přitom dbáme, aby byla zřejmá korelace mezi parametrem rozevření a hydraulickou vodivostí každého elementu. Tedy $d_1^e \approx \|K_2^e\|$. Tato úprava je formálně znázorněna horní vlnovkou.

$$\left(\begin{array}{c} \left(\begin{array}{ccc} \mathbf{A}_3 & \mathbf{B}_3 & \mathbf{C}_3^\# \\ \mathbf{B}_3^T & \mathbf{0} & \mathbf{0} \\ \mathbf{C}_3^{\#T} & \mathbf{0} & \mathbf{T}_3^\# \end{array} \right) \\ \left(\begin{array}{ccc} \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} \\ \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{t}_{32} \\ \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} \end{array} \right) \end{array} \right) \quad \left(\begin{array}{c} \left(\begin{array}{ccc} \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} \\ \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} \\ \mathbf{0} & \mathbf{t}_{23} & \mathbf{0} \end{array} \right) \\ \left(\begin{array}{ccc} \mathbf{A}_2^\sim & \mathbf{B}_2^\sim & \mathbf{C}_2^\sim \\ \mathbf{B}_2^{\sim T} & \mathbf{d}_2^\# & \mathbf{0} \\ \mathbf{C}_2^{\sim T} & \mathbf{0} & \mathbf{T}_2^\sim \end{array} \right) \end{array} \right) \quad (1.5)$$

Soustava je navíc doplněna o propojující bloky \mathbf{t}_{23} respektive \mathbf{t}_{32} , přičemž snadno z odvození uvidíme, že bude platit symetrie celé soustavy, speciálně, že $\mathbf{t}_{23} = \mathbf{t}_{32}^T$. Dále jsou upraveny bloky \mathbf{C}_3 a \mathbf{T}_3 . Všechny naznačené úpravy jsou symetrické a nyní tyto úpravy popíšeme. V původní soustavě odpovídající 3D síti jsou

sousední prvky odděleny jednou stěnou. Pokud se mezi tyto prvky zařadí puklinový prvek, potom se z původních vnitřních objemových prvků stavají prvky okrajové ve vztahu k 3D síti a komunikují pouze s prvkem puklinovým. Tedy předpokládejme, že k této situaci došlo na k -té stěně oddělující i_1 a i_2 objemový prvek. Potom se původní k -tý sloupec bloku \mathbf{C}_3 rozdělí na dva sloupce k_1 a k_2 , které budou mít v uvedeném bloku již pouze jednu jedničku (náležící příslušné pozici stěny i_1 -ního respektive i_2 -hého prvku. A pochopitelně i k -tý řádek matice \mathbf{C}_3^T se rozdělí na dva řádky, které mají v příslušných pozicích bloku \mathbf{C}_3^T právě jednu jedničku. Uvedeným rozšířením bloků \mathbf{C}_3 a \mathbf{C}_3^T dojde současně i k rozšíření bloku \mathbf{T}_3 , který měl na původní k -té souřadnici na diagonále nulu. Nyní na čtyřech vzniklých pozicích budou následující hodnoty

$$[\mathbf{T}_3]_{k_1 k_1} = -\sigma_1; [\mathbf{T}_3]_{k_2 k_2} = -\sigma_2; [\mathbf{T}_3]_{k_1 k_2} = 0; [\mathbf{T}_3]_{k_2 k_1} = 0, \quad (1.6)$$

což snadno nahlédneme úpravou vztahu (1.4). Navíc do levého sousedícího bloku, který byl původně nulový, přibude nenulový příspěvek do bloku \mathbf{t}_{23} . Má-li puklinový prvek index j pak v bloku \mathbf{t}_{23} budou následující nenulové souřadnice:

$$[\mathbf{t}_{23}]_{k_1 j} = \sigma_1; [\mathbf{t}_{23}]_{k_2 j} = \sigma_2. \quad (1.7)$$

Touto úpravou jsme do modelu zahrnuly skutečnost, že ze 3D bloků může být část vody odváděna vloženou puklinou. Nyní musíme tuto skutečnost zahrnout i do druhého to je puklinového systému. Uvedené vnější přetoky z objemového systému tvoří v j -tém puklinovém elementu zdroj. Tento zdroj se promítne do střední blokové části puklinového systému následujícím způsobem:

Na j -tý řádek bloku \mathbf{t}_{32} do pozic k_1 a k_2 sloupce zapíšeme hodnoty σ_1 respektive σ_2 . Tedy

$$[\mathbf{t}_{32}]_{j k_1} = \sigma_1; [\mathbf{t}_{32}]_{j k_2} = \sigma_2. \quad (1.8)$$

A tedy $\mathbf{t}_{23} = \mathbf{t}_{32}^T$. Dále na j -tou diagonální pozici bloku $\mathbf{d}_2^\#$ zapíšeme hodnotu $-\sigma_1 - \sigma_2$.

$$\left[\mathbf{d}_2^\# \right]_{jj} = -\sigma_1 - \sigma_2. \quad (1.9)$$

Část II

Příprava vstupních dat modelu

Tato část se zabývá systematickou přípravou vstupních dat modelu pro vybranou lokalitu Cajamarca. Je popsána geologická stavba oblasti, hydrogeologické poměry v oblasti a jsou uvedeny výsledky počítačového modelu - tzv. nulové varianty, která bude v následující části variována změnami okrajových podmínek.

2 Hydrogeologický model Cajamarca

Vyvíjený software pro modelování proudění podzemních vod byl v období 2006-2007 použit pro vývoj hydrogeologického modelu pro oblast Cajamarca.

Pro první etapu řešení hydrogeologických podmínek ve vybraných lokalitách v Peru byla pro zpracování modelu vybrána lokalita Cajamarca. Základem tohoto rozhodnutí byla dostupnost geologických a strukturních dat, které byly pro zpracování modelu k dispozici. Je nutné na tomto místě poznamenat, že zpracování modelu je velmi náročné vzhledem k nedostatečnému množství údajů pro přímé plnění modelu. Přesto je vhodnou metodikou problém řešitelný a jeho řešení postavené tak, aby byl možný další vývoj a ověřování modelu. Ve fázi vývoje modelu bylo nutné řadu údajů o jednotlivých charakteristikách předpokládat a zavést do modelu jako snadno změnitelné hodnoty. Na základě výpočtu řady variant, bude možné uvedený model v budoucnu upřesňovat a kalibrovat, pokud budou k dispozici nové údaje z geologického průzkumu a hydrogeologických měření.

Cílem modelování v počáteční fázi bylo zpracování první varianty modelu vývoje hydrogeologické situace v hlavním aquiferu, který je dominantní pro zdroje termální vody ve sledovaných pramenech, tak aby bylo dosaženo shody modelu s globálními charakteristikami a předpoklady geologů a hydrogeologů. V následné fázi byla potom připravena řada variantních scénářů týkajících se hydrogeologických změn v oblasti pro případ dalšího rozvoje lázeňství v zájmové oblasti.

2.1 Geologická stavba oblasti

2.1.1 Druhy hornin

Geologická stavba oblasti v okolí města Cajamarca je podrobně popsána ve zprávě 11. Na tomto místě budou uvedeny pouze zásadní skutečnosti uvažované při přípravě a implementaci modelu.

Geologické podloží širšího okolí města Cajamarca tvoří sedimenty triasu a jury. Hlavní horninové celky představují mocné zvrásněné vrstvy spodní a svrchní křídly. Svrchní a spodní terciér je zastoupen jak sedimenty, tak mocnými útvary hornin vulkanického původu (mimo modelované území). Kvartérní sedimenty pánve Cajamarca dosahují 30-60 m.

2.1.2 Strukturní stavba

Dominantní strukturou na studovaném území je vrásová stavba, která postihuje prakticky všechny křídové sedimenty na území Peru. Osy vrás a četné násunové plochy jsou orientovány hlavním směrem, který má na studovaném území ZSZ-VJV průběh. Další významné struktury jsou zlomy poklesového a střížného charakteru (cca S-J průběhu), které jsou kolmé na výše zmíněné struktury.

Pro S-J profil modelovaného území jsou charakteristické následující hlavní struktury (od severu k jihu):

- **Antiklinálu nad Yumagualem (1)** — Jádrem antiklinály je tvořeno formací křídových sedimentů Chimú, která je vytažena do nadmořských výšek až 3000-3500 mnm. Puklinový systém (vrásová kliváž) je v těchto horninách velmi dobře vyvinutý. Vzhledem k tomu, že se jedná o téměř čistě křemenné horniny s minimálním množstvím ostatních minerálů nejsou tyto pukliny vyplněny žádnými zvětralinami a jsou tedy pro vodu dobře propustné. Z geologické mapy je patrné, že struktura antiklinály pokračuje dále na východ, avšak v údolí řeky Río Cajamarca je již erodovaná a zakrytá kvartérními uloženinami.
- **Synklinála (2)** — Struktura antiklinály plynule přechází směrem na sever do synklinály, kdy na svahu nad Cajamarskou depresí postupně vycházejí horniny formací Santa, Carhuaz, Farrat, Inca a Chúlec, který tvoří jádro synklinály. Dále na západ pak pokračuje sedimentární sekvence až po nejmladší vápence formace Cajamarca v jádru synklinály.
- **Násunový zlom vedoucí údolím Río Chonta (3)** (město Llacanora) — Severovergentní násun je lokalizován ve formaci Carhuaz tvořené lehce deformovatelnými jemnozrnnými pískovci, prachovci a jílovcí, které jsou nasunuty na tvrdší a erozi odolné křemenné pískovce formace Farrat. Díky

tomuto násunovému zlomu může dojít v hloubce ke kontaktu pískovců formace Farrat s hlavním aquiferem (kvarcity Chimú) a následnému zvětšení infiltrační oblasti o jižní křídlo antiklinály Banos de Inca.

- **Antiklinála Baños del Inca (4)** — Struktura antiklinály Banos de Inca je dobře známá z předcházejících prací. Křídla antiklinály jsou tvořena z morfologicky výrazných vrstev pískovců a kvarcitů formace Farrat zatímco jádro antiklinály obnažuje starší a méně odolné prachovce, pískovce a jílovce formace Carhuaz, které jsou silně erodované. Jistá je tvorba puklin paralelních s osou antiklinály a úklony přibližně kolmými na vrstevní plochy spojená s vrásněním. Takové pukliny byly pozorovány v pískovcích a kvarcitech formace Farrat a předpokládáme je ve všech formacích směrem do podloží.
- **Synklinála nad Otuzcem (5)** — Antiklinála Baños del Inca přechází na severu kontinuálně do synklinály Otuzco. V profilu je možné pozorovat celou sekvenci formací Inca, Chúlec, Pariatambo, Yumagual, Quilquinan-Majarrun, Cajamarca a Celendín ve středu synklinály. Středem synklinály prochází zlom paralelní s osou vrásky.

V podélném profilu SZ-JV, který je veden násunovou plochou jižně od antiklinály Baños del Inca, jsou zvýrazněné S-J zlomy ohraničující Cajamarskou depresi z východu i ze západu. Tyto zlomy pokračují jak na sever do vulkanických hornin, tak na jih, kde postihují sedimenty formace Chimú. S velkou pravděpodobností jde o systém paralelních zlomů a subvertikálních puklin, které jsou pro vodu velmi dobře propustné v pískovcích a kvarcitech (formace Chimú a Farrat), ale méně propustné v prachovcích a jílovcích (formace Carhuaz).

2.2 Hydrogeologické poměry v oblasti

Hydrogeologické poměry v okolí města Cajamarca jsou podrobně popsány ve zprávě 11. Na tomto místě budou uvedeny pouze základní skutečnosti vztahující se přímo k implementovanému modelu.

V zájmové oblasti se vyskytují dva významné termální prameny (respektive pramenní skupiny) a to prameny Tragadero a Perolitos.

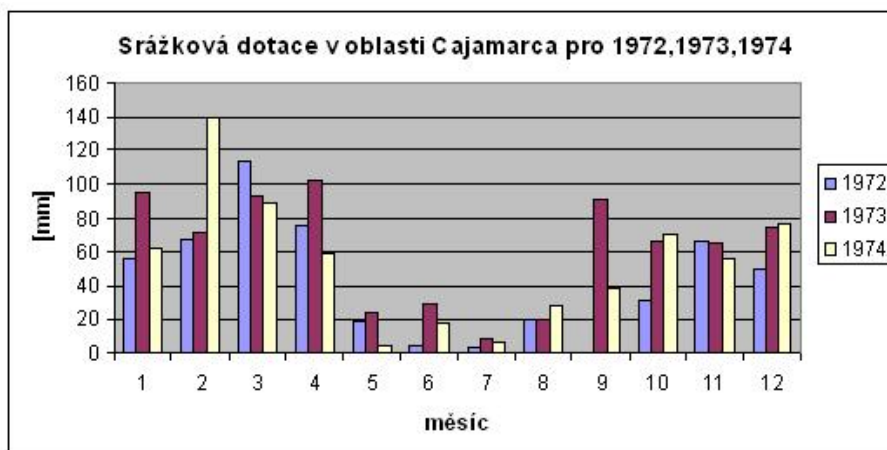
- **Tragadero** — Pramenní skupina (proplyněná) v hotelu Laguna Seca (Los Baños del Inca). Prameny tvoří samostatnou skupinu (vyšší vzhledem ke skupině Perolitos) a vyvěrají poblíž úpatí svahu okraje pánve Cajamarca. Teplota 69°C. Průtok 30 l/s. Nadmořská výška 2695 mnm.

- **Perolitos** — Pramenní skupina (proplyněná) v centru Los Baños del Inca. Prameny tvoří samostatnou skupinu (nižší vzhledem ke skupině Traga-dero) a vyvěrají poblíž řeky Rio Chonta. Teplota 60°C. Průtok 50 l/s. Nadmořská výška 2689 mm.

Na formování obou pramenů má zásadní význam S-J zlom probíhající celou pánví, který se v místě vývěru kříží s osou antiklinály Baños del Inca.

Současně s přípravou modelu byly zpracována data vypovídající o hydrologické situaci v zájmové oblasti.

K dispozici jsou data o střední relativní vlhkosti a vodní srážky za několik let, které jsou v průběhu celého roku vysoké a dotují vodou sledovanou oblast. Zpracovaná hydrologická data budou postupně využita k další verifikaci modelu.



Obrázek 3: Průměrné srážkové dotace v [mm/měsíc] v oblasti Cajamarca

Odchytky srážkových bilancí v oblasti.

Průměrná SRV v oblasti Cajamarca

Pro účely matematického modelování je možné rozdělit zájmovou oblast na několik základních horninových a strukturních typů (od podloží směrem nahoru):

- Nepropustné podloží (jurské souvrství Chicama, nevychází na povrch).
- Hlavní akvifer hydraulicky silně propustná vrstva (kvarcity a kvarcitécké pískovce Chimú), která je v řezu přítomna na celém území a v jeho jižní části vychází na povrch. Výchozy formace Chimú jsou považovány za hlavní infiltrační oblast. Jedná se o vrstvu, která je zvrásněná. V oblasti antiklinály Baños de Inca dochází k migraci vody po puklinovém systému

a výtoku na zemský povrch. Ve střední části profilu je tato vrstva porušena násunovým zlomem, který ji s největší pravděpodobností posunul tak, že leží v přímém kontaktu s další propustnou vrstvou – pískovci Farrat.

- Nepropustná vrstva, která představuje izolátor (jílovce a prachovce souvrství Santa a Carhuaz)
- Propustná vrstva (pískovce Farrat), která do podzemního hydrogeologického systému spojeného s termálními prameny zasahuje pravděpodobně pouze v místě násunového zlomu, kde je v kontaktu s hlavním akviferem kvarcity Chimú a představuje další možnou infiltrační oblast.
- Další nadložní horniny, které jsou znázorněné v profilu nemají na hydrogeologický model žádný vliv.
- Významným strukturním prvkem je kromě puklinové zóny v ose antiklinály i severojižní systém poklesových zlomů, na kterých jsou lokalizované termální prameny.

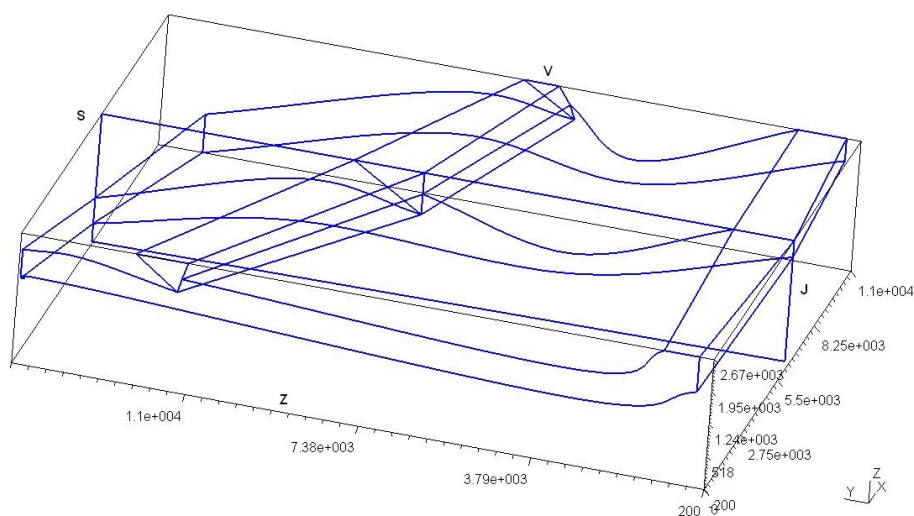
2.3 Příprava sítě

Modelovaná oblast byla vymezena s respektováním základních strukturních prvků tak, aby bylo dále vhodným způsobem možné zadávat okrajové podmínky. V půdorysu má oblast tvar téměř obdélníka. Zájmová oblast byla omezena hraničními plochami následujícím způsobem:

- Na jihu je modelovaná oblast ohraničena osovou rovinou antilinály nad Yumagualem.
- Ze severu je modelovaná oblast omezena osovou rovinou synklinály nad Otuzcem.
- Západní hranice modelované oblasti byla zvolena v místech západního cípu výchozů formace Chimú.
- Na východě je hranice zvolena v místech, kde jsou výchozy formace Chimú převážně překryty kvartérními zvětralinami.

V rámci vymezené oblasti byla vytvořena geometrie modelovaných strukturních prvků (vrstva formace Chimú, část formace Farrat, která je v přímém kontaktu s formací Chimú, severo-j jižní poklesový zlom). Geometrie modelované oblasti je patrná z obrázku 4.

Pro účely simulace proudění podzemních vod v oblasti bylo potom generováno několik sítí. Sítě byly vytvořeny v programu GMSH. Jednotlivé sítě se



Obrázek 4: Geometrie modelované oblasti.

liší celkovým počtem elementů. Síť s nižším počtem elementů byly používány především ve fázi vývoje modelu. Výsledné simulace byly potom prováděny a jsou dále prezentovány na síti, která má celkem 7972 uzlů a 32512 elementů (z toho 656 trojúhelníkových elementů, ostatní čtyřstěny), na obrázku 5 je uvedena ukázka této sítě.

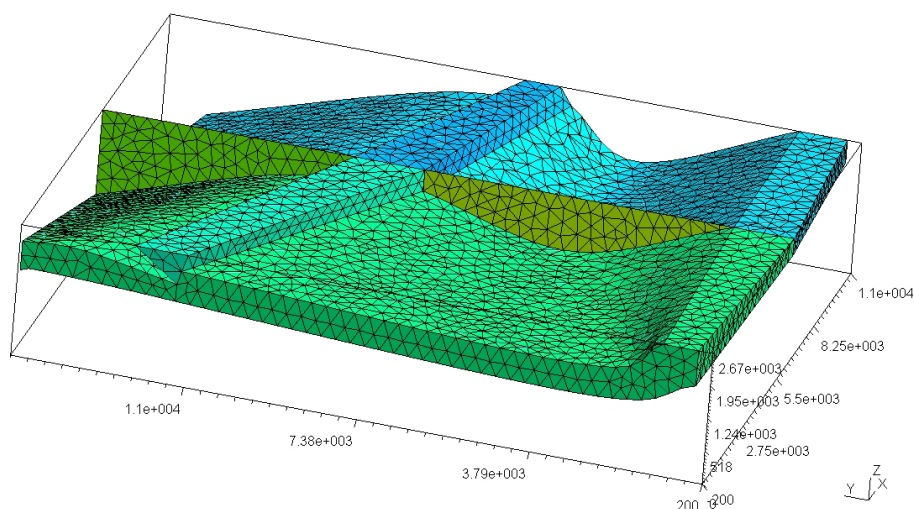
2.4 Vstupní data modelu

Pro účely generování vstupních souborů modelu byl implementován jednoúčelový program, který načte síť vytvořenou generátorem identifikuje jednotlivé strukturní prvky v načtené síti, určí jednotlivé části hranoce modelované oblasti a vytvoří sadu souborů, které obsahují data pro výpočet modelu tedy soubor sítě, soubor okrajových podmínek a soubor fyzikálních vlastností.

2.4.1 Okrajové podmínky

Okrajové podmínky byly v souladu s koncepcí modelu zadávány na jednotlivých okrajových stěnách sítě následujícím způsobem:

- Na okrajových stěnách, které leží na severním okraji (osová rovina synklinály nad Otuzcem) modelované oblasti byla zadána homogenní Neumanova okrajová podmínka (nulový přetok ve směru vnější normály).
- Na okrajových stěnách, které leží na jižním okraji (osová rovina antiklinály



Obrázek 5: Síť používaná pro výpočet.

nad Yumagualem) modelované oblasti byla zadána homogenní Neumannova okrajová podmínka (nulový přetok ve směru vnější normály).

- Přes okrajové stěny, které leží na západním okraji oblasti předpokládáme zanedbatelný (prakticky nulový) tok ve směru vnější normály (směrem na západ se nevyskytují další výchozy formace Chimú), tedy na příslušných okrajových stěnách sítě je zadávána homogenní Neumannova okrajová podmínka popřípadě Newtonova okrajová podmínka s malou hodnotou koeficientu přestupu.
- Přes okrajové stěny, které leží na východním okraji oblasti předpokládáme zanedbatelný (prakticky nulový) tok ve směru vnější normály, tedy na příslušných okrajových stěnách sítě je zadávána homogenní Neumannova okrajová podmínka popřípadě Newtonova okrajová podmínka s malou hodnotou koeficientu přestupu.
- Na okrajových stěnách sítě, které tvoří dolní okraj modelované vrstvy (kontakt modelované vrstvy s nepropustným podložím), je zadávána homogenní Neumannova okrajová podmínka (nulový tok ve směru vnější normály).
- Na okrajových stěnách sítě, které jsou v místech výchozů horninových vrstev na zemský povrch (výchozy Farrat, výchozy Chimú) je zadávána Dirichletova okrajová podmínka.

- Na okrajových stěnách sítě, které tvoří horní okraj modelované vrstvy v místech, kde jsou tyto vrstvy překryty praktický nepropustnými horninami je zadávána homogenní Neumannova okrajová podmínka popřípadě Newtonova okrajová podmínka s malou hodnotou koeficientu přestupu.
- Na okrajových stěnách sítě v místech, kde je lokalizován pramen je zadávána Dirichletova okrajová podmínka.

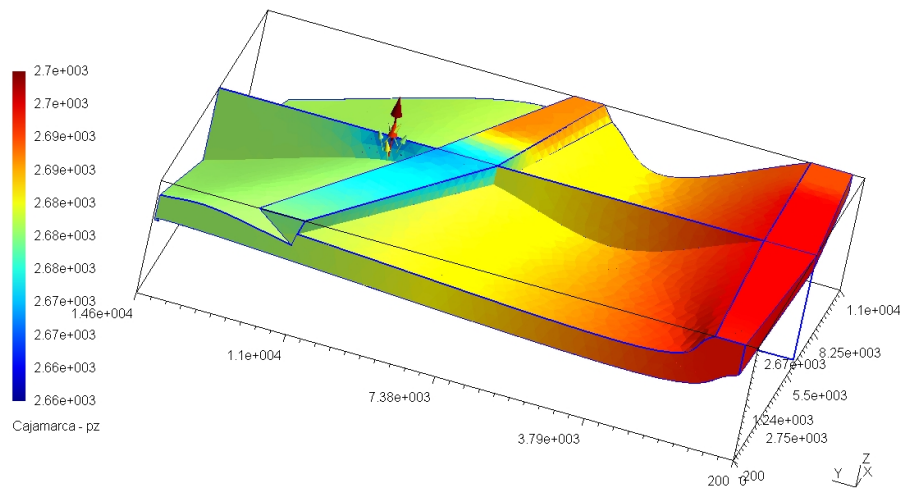
V rámci jednotlivých částí hranice modelované oblasti potom může být při kalibraci modelu uvažována další diferenciace.

2.4.2 Fyzikální vlastnosti prostředí

Zadávané fyzikální vlastnosti prostředí (v případě modelu proudění jsou to jednotlivé prvky tenzoru vodivosti prostředí), jsou zadávány jako hodnoty konstantní na jednotlivých elementech sítě a respektují základní geologické strukturální prvky obsažené v modelované oblasti.

- Elementy horniny formace Chimú – v jižní části modelované oblasti vystupují tyto horniny na zemský povrch, jedná se o silně narušenou horninu, s četnými otevřenými puklinami dobře propustnými pro vodu. V ose antiklinály lze potom předpokládat výrazné rozevření puklin a zvýšení vodivosti především ve vertikálním směru, v puklinové zóně je potom zadávána vodivost o jeden řád vyšší.
- Elementy horniny formace Farrat – dle odhadu hydrogeologa lze předpokládat nižší vodivost (zhruba o jeden řád) než v případě horniny Chimú.
- Elementy poklesového zlomu – vodivost elementů uvažovaného zlomu závisí opět na hornině v dané části zlomu. Pokud uvažujeme elementy zlomu identifikované v místě nepropustných vrstev (prachovce, jílovce) jedná se (dle odhadu geologa, hydrogeologa) pravděpodobně o zajílovanou a tedy nepropustnou část zlomu – příslušné elementy mají nízkou vodivost. Uvažujeme-li elementy zlomu identifikované v místě propustných vrstev je dle odhadu geologa a hydrogeologa vodivost o dva řády vyšší než v příslušné hornině. vodivost je dále vyšší v místech, kde se navzájem protínají dva hydrogeologicky významné prvky a to osa antiklinály a zlomová zóna – v příslušných místech zlomu je potom zadávána propustnost o tři řády vyšší než v bloku příslušné horniny.

Základní varianta modelu, vzhledem k velmi hrubé struktuře sítě, neuvažuje změnu vodivosti s hloubkou, je uvažován pouze vliv synklinálních a antiklinálních útvarů na změnu vodivosti.



Obrázek 6: Síť používaná pro výpočet.

2.4.3 Topologie sítě

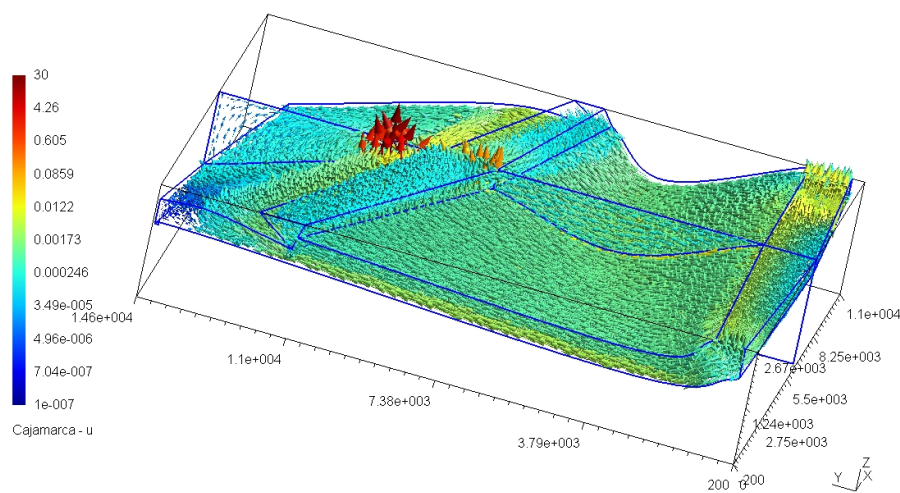
Používaný model vychází ze smíšené hybridní formulace. Pro sestavení výsledné matice je proto nutné znát topologii sítě (tj. vzájemnou sousednost elementů). Soubor topologie pro zadanou síť je generován programem NGH.

Specifikem připraveného modelu je kombinace elementů různé dimenze (3D horninových vrstev a 2D zlomu). Tato skutečnost na jedné straně snižuje možnou nízkou regularitu sítě v případě, že by zlomové útvary byly modelovány pomocí 3D elementů, na druhé straně ovšem do modelu vnáší další fyzikální charakteristiky (koeficienty přestupu mezi elementy různé dimenze). Tyto koeficienty mají obdobný význam jako koeficienty přestupu Newtonovy okrajové podmínky. V případě, že modelujeme výrazně propustný zlom a chceme zajistit dobrou komunikaci mezi 2D a 3D elementy sítě je třeba použít vysoké hodnoty přestupních koeficientů (10^4).

2.5 Výsledky počítačového modelu - nulová varianta

Grafické znázornění rozložení jednotlivých vypočtených veličin (tlakových výšek, piezometrických výšek, vektorů rychlostí toku) jsou uvedeny na obrázcích 6, 7.

Cílem modelování nulové varianty bylo zpracování metodiky přípravy sítě pro vymezenou oblast s uvážením specifických požadavků simulované reality, vývoj metodiky přípravy vstupních dat pro naplnění modelu a implementace první varianty modelu hydrogeologické situace v hlavním aquiferu modelované



Obrázek 7: Síť používaná pro výpočet.

oblasti. Za účelem naplnění stanovených cílů bylo postupně provedeno:

- rozbor modelované problematiky
- výběr modelované oblasti, studium výsledků geologů a hydrogeologů
- byla připravena metodika generování sítě pro danou oblast,
- byla připravena metodika generování vstupních dat modelu,
- byla realizována první varianta modelu vymezené oblasti.

Část III

Citlivost modelu na změnu vstupních dat

Tato část obsahuje vyjádření numerické citlivosti modelu na vybrané vstupní parametry. Nejprve budeme měnit hydraulickou vodivost aquiferu Chimú, která byla zadána v nulové variantě na základě zkušeností a návrhu hydrogeologů. Následující výpočty mají ověřit citlivost výsledků na celkovou změnu hydraulické vodivosti vyjádřenou koeficientem. Dále budeme měnit hodnotu zadávající Dirichletovu okrajovou podmínku. Tato změna vyvolá pokles respektive růst infiltrace povrchové vody do aquiferu. Změny se projeví celkovou změnou stavových veličin. Speciálně budou sledovány změny proudění a průtoků v okolí vývěrů pramenů. To jsou ve sledované oblasti konkrétní měřitelné hodnoty a naším cílem je ověřit vliv "nepřesností" zadaných vlastností aquiferu na změny těchto měřených hodnot a konečně na základě výsledků posoudit možnosti úprav vstupních veličin pro kalibraci modelů. Volba parametrů zadávající okrajové podmínky a vlastnosti horninového prostředí bude provedena v širokém rozmezí, které bude v některých případech odpovídat přírodním podmínkám. Cílem studia citlivosti tedy je i zkoumání chování modelů při zadání "extrémních" parametrů.

3 Vliv změny hodnot hydraulické vodivosti

Nejprve budeme sledovat změny výsledků při celkové změně hydraulické vodivosti oblasti a budeme je porovnávat s výsledky základní - nulové varianty. Všechna ostatní vstupní data úlohy zůstanou zachována shodná se zadáním nulové varianty. Pro tyto změny hydraulické vodivosti vypočteme sadu úloh a vyhodnotíme jednak odchylky stavových veličin na výpočetní síti, ale i funkcionály výsledků vystihující citlivost na vstupní změny.

Pro dané rozložení hydraulické vodivosti \mathbf{K} definované nulovou variantou vypočteme několik rozdělení κK_{zz} pro studium vlivu změny vertikální vodivosti horninového prostředí na změny stavových veličin, kde κ je parametr změny vodivosti z intervalu $(0,8 ; 1,2)$, $\kappa \in (0,8 ; 1,2)$. Dále vypočteme i několik rozložení celkové změny hydraulické vodivosti podle vztahu $\kappa \mathbf{K}$. Pro nejvyšší a nejnižší hodnotu parametru zobrazíme výsledky změn jednotlivých stavových

proměnných \mathbf{U} , \mathbf{P} na výpočetní síti. Změny stavových veličin budou hodnoceny i pro jednotlivé změny parametru κ tak, aby bylo možné studovat tendence vývoje výsledků. Tedy označíme-li \mathbf{U}_0 , \mathbf{P}_0 rozložení stavových veličin pro nulovou variantu a \mathbf{U}_κ , \mathbf{P}_κ rozložení stavových veličin pro změnu hodnoty rozložení hydraulické vodivosti vyvolanou parametrem κ .

3.1 Vliv změny hodnot hydraulické vodivosti na celkovou změnu stavových veličin

Stavové veličiny vykreslíme pro krajní hodnoty parametru κ a nulovou variantu. Tedy pro $\kappa = 0, 8$; $\kappa = 1, 0$ a $\kappa = 1, 2$. Výsledky pro stav průtoků v oblasti jsou znázorněny na obrázcích 8, a 9 a pro piezometrickou výšku na obrázcích 10, a 11.

Na výše citovaných obrázcích můžeme sledovat postupný nárůst pole toků v celé oblasti při zvyšování hydraulické vodivosti a nárůst pole tlakové výšky v celé oblasti při zvyšování hydraulické vodivosti. Postupně roste i vydatnost pramenů.

Označme pro m -tý prvek sítě (stěny elementu pro průtoky nebo těžiště elementu pro piezometrickou výšku):

$$\begin{aligned}\Delta_\kappa U^m &= |U_\kappa^m - U_0^m|, \\ \Delta_\kappa P^m &= |P_\kappa^m - P_0^m|,\end{aligned}$$

Tyto změny stavových veličin vykreslíme pro krajní hodnoty parametru κ . Tedy pro $\kappa = 0, 8$ a $\kappa = 1, 2$. Výsledky pro minimální a maximální variantu jsou znázorněny na obrázcích 12 a 13 pro piezometrické výšky a průtoky prameny.

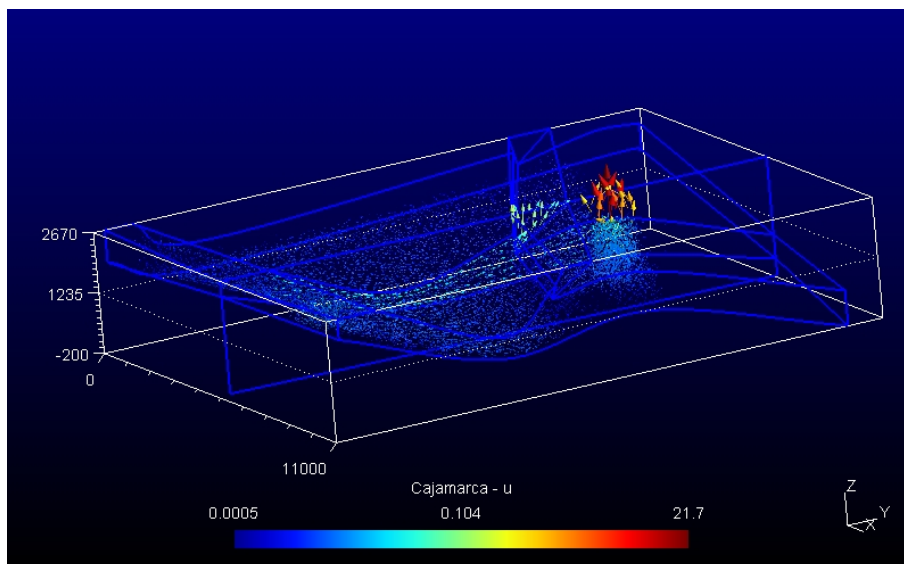
Na obrázcích 12 a 13 je viditelná změna tlakové výšky a obrácení pole toků v oblasti pramenů při zvyšující se hydraulické vodivosti. Na obrázku je viditelné i zmenšení infiltrace na části hranice vlivem malé vodivosti.

Komentář: z uvedených výsledků je zřejmé, že změny stavových veličin jsou velmi málo citlivé i na relativně značné změny hydraulické vodivosti.

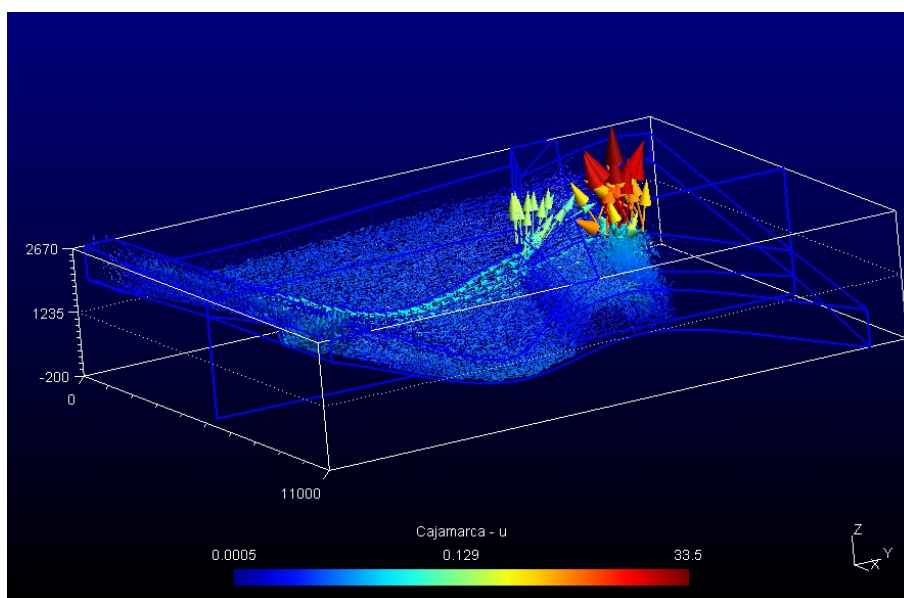
Dále budeme hodnotit relativní změny stavových veličin způsobené vlivem výše stanovených 20 % -ních změn hydraulické vodivosti. Pro tento účel vypočteme součet čtverců rozdílů stavových veličin vážený převrácenou hodnotou stavové veličiny a počtu složek stavové veličiny. Tedy vypočteme postupně

$$\Delta_\kappa G_U(\kappa) = \frac{1}{|\kappa - 1| M_U} \sqrt{\sum_{m=1}^{M_U} \frac{(U_\kappa^m - U_0^m)^2}{(U_0^m)^2}} \quad (3.1)$$

3. VLIV ZMĚNY HODNOT HYDRAULICKÉ VODIVOSTI

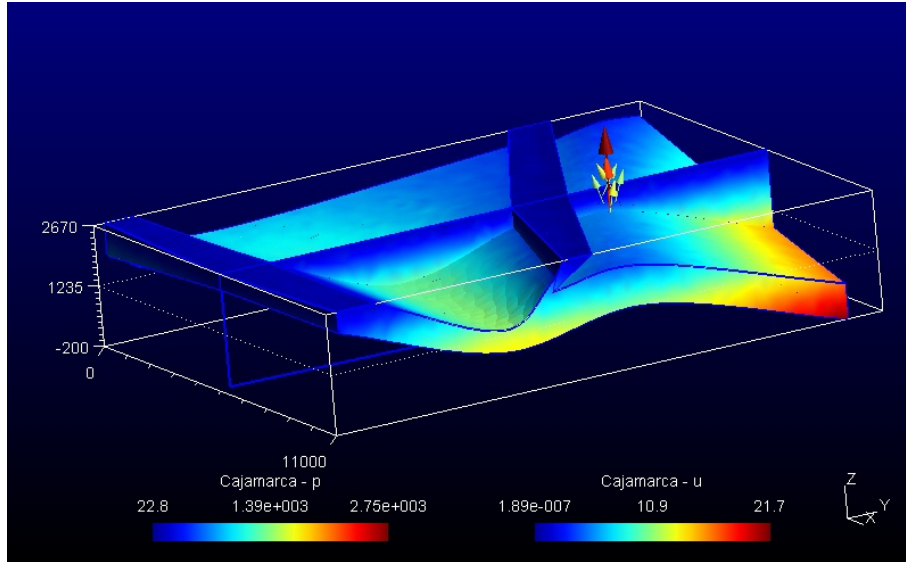


Obrázek 8: Pole toků při minimální hydraulické vodivosti horniny

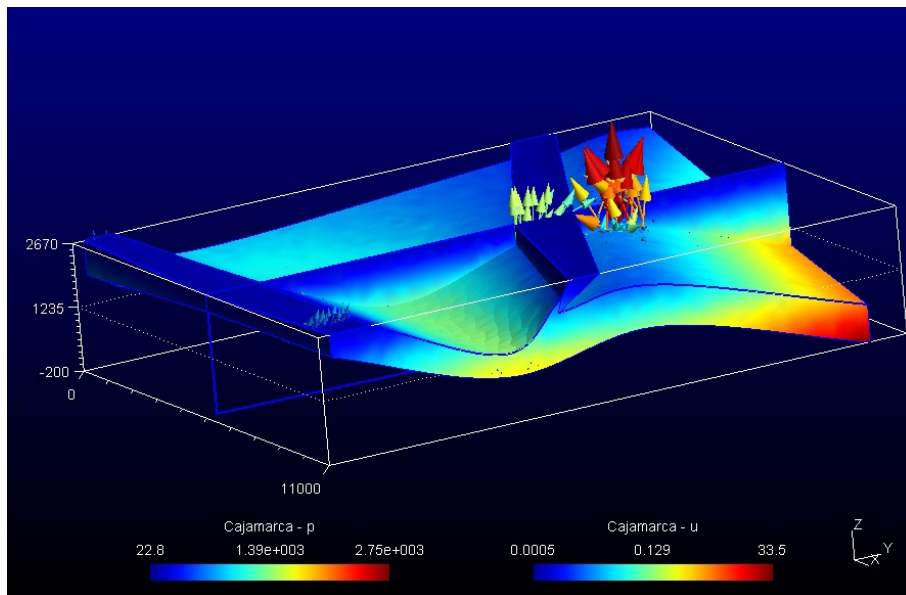


Obrázek 9: Pole toků při maximální hydraulické vodivosti horniny

3. VLIV ZMĚNY HODNOT HYDRAULICKÉ VODIVOSTI

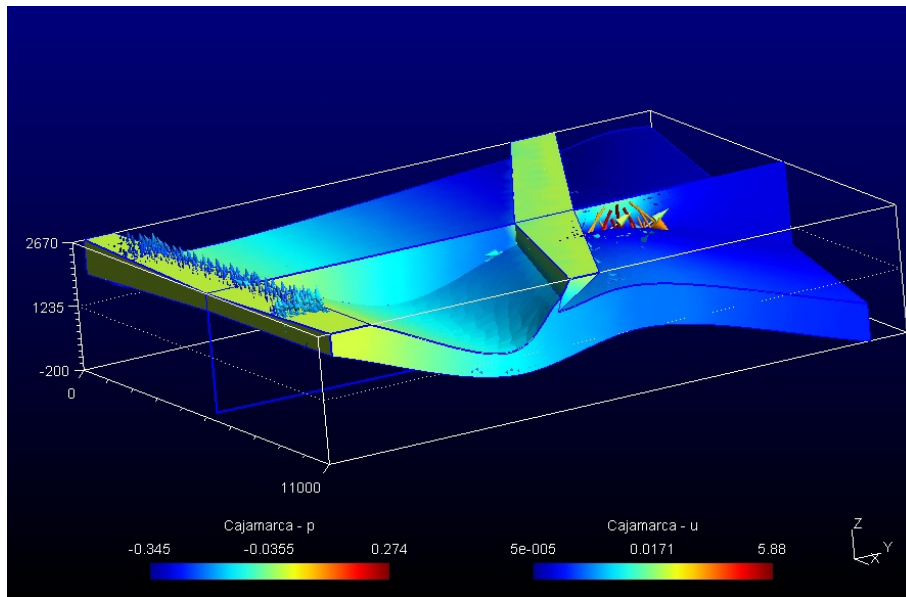


Obrázek 10: Pole tlakových výšek při minimální hydraulické vodivosti horniny

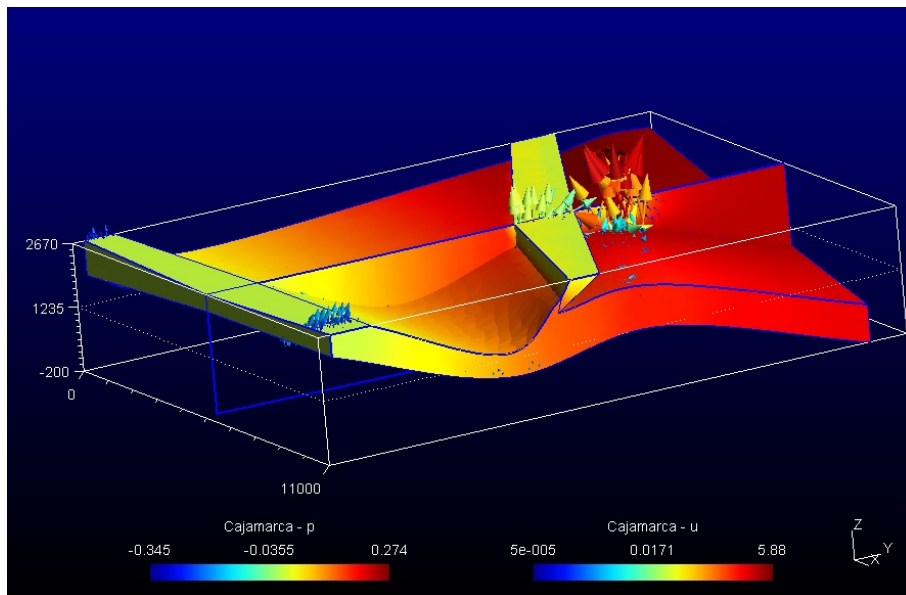


Obrázek 11: Pole tlakových výšek při maximální hydraulické vodivosti horniny

3. VLIV ZMĚNY HODNOT HYDRAULICKÉ VODIVOSTI



Obrázek 12: Změna pole tlakových výšek při minimální hydraulické vodivosti horniny



Obrázek 13: Změna pole tlakových výšek při maximální hydraulické vodivosti horniny

$$\Delta_{\kappa}G_P(\kappa) = \frac{1}{|\kappa - 1|M_P} \sqrt{\sum_{m=1}^{M_P} \frac{(P_{\kappa}^m - P_0^m)^2}{(P_0^m)^2}} \quad (3.2)$$

Vypočtené hodnoty jsou znázorněny v tabulkách 1 pro celkové změny vodivosti.

$\Delta\text{HP} / \mathbf{G}$	$\mathbf{G(U)}$	$\mathbf{G(P)}$
- 20 %	0,000536442	0,005909228
- 15 %	0,000537954	0,005826841
- 10 %	0,000538115	0,005578948
-5 %	0,000540919	0,005679653
0 %	0	0
5 %	0,000538071	0,004909814
10 %	0,000540843	0,005022699
15 %	0,000540669	0,004824419
20 %	0,000541962	0,004786103

Tabulka 1: Citlivost na změnu HP v % rovnoměrně ve všech směrech

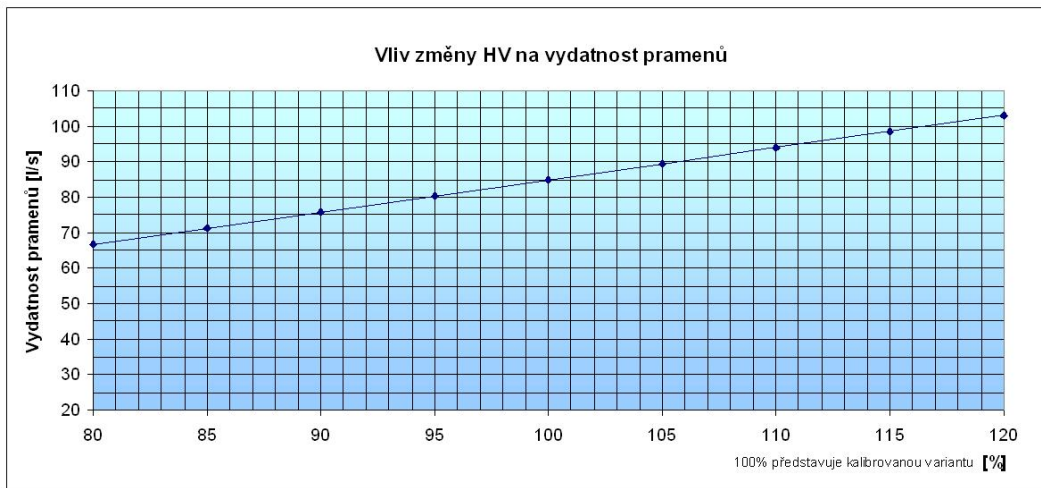
3.2 Vliv změny hodnot hydraulické vodivosti na lokální změny stavových veličin

Dále se budeme zajímat o lokální změny stavových veličin vlivem změn hydraulické vodivosti. Pro tyto studie změn průtoků byly stanoveny následující zájmové lokality: Především prameny, okolí pramenů (včetně tzv. divokých vývěrů), hranice výchozů Chimú a hranice výchozů Farrat. Zjištěná závislost je uvedena v tabulce 2 a poté jsou vykreslena v grafu na obrázku 14.

3. VLIV ZMĚNY HODNOT HYDRAULICKÉ VODIVOSTI

κ /Místo	Pramen	Okolí pram.	Chimu	Farrat
-0,20	66,881	2,439	-109,405	4,389
-0,15	71,336	2,660	-115,660	4,739
-0,10	75,833	2,892	-121,822	5,100
- 0,05	80,311	3,119	-128,005	5,458
0,00	84,831	3,357	-134,097	5,827
0,05	89,329	3,590	-140,220	6,193
0,10	93,867	3,832	-146,253	6,569
0,15	98,379	4,069	-152,322	6,941
0,20	102,933	4,315	-158,303	7,324

Tabulka 2: Citlivost toků ve vybraných částech sítě na změnu HP



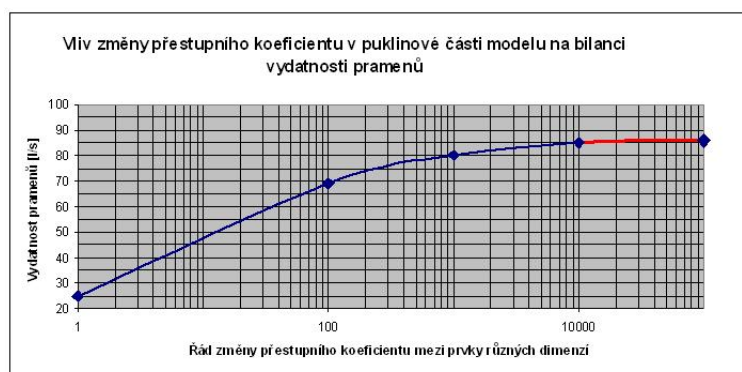
Obrázek 14: Graf závislosti vydatnosti pramene na na změnu HP

3. VLIV ZMĚNY HODNOT HYDRAULICKÉ VODIVOSTI

Studujeme-li změny vydatnosti pramenů při změnách parametru σ v kontaktní zóně zlomu vyjádřené Newtonovou okrajovou podmínkou dostaneme hodnoty toků ve zvolených lokalitách, které jsou uvedeny v následující tabulce 3.

σ / Místo	Pramen	Okolí pram.	Farrat	Chimú
1	24,7	-11,3	2,84	-99,0
100	69,1	-0,22	6,37	-125,5
1000	80,32	2,39	6,05	-131,8
10000	84,8	3,54	5,82	-134,0
100000	85,7	3,53	5,78	-134,5

Tabulka 3: Vliv změny koeficientu přestupu mezi 2D a 3D elementy na bilanci vod v některých částech sítě



Obrázek 15: Graf závislosti vydatnosti pramene na změnách koeficientu přestupu mezi 2D a 3D elementy

4 Vliv změny hodnot Dirichletovy okrajové podmínky

Dále budeme sledovat změny výsledků při změnách zadávání Dirichletovy okrajové podmínky. Tento typ podmínky je zadán na částech aquiferu Chimú, kde tento vystupuje na povrch. Hodnota okrajové podmínky se určí jako výška hladiny podzemní vody. Výška je stanovena v dané oblasti odhadem a právě tato okrajová podmínka určuje pro nulovou variantu modelu množství infiltrace povrchové vody, neboť na ostatních částech hranice zájmové oblasti jsou zadány vesměs homogenní Neumannovy okrajové podmínky. Do množství infiltrované vody je nutné započítat i infiltraci povrchové vody stékající z hor do míst, kde geologická vrstva Chimú vystupuje na povrch. To můžeme zajistit "vhodnou" volbou Dirichletovy okrajové podmínky. Budeme měnit hodnotu Dirichletovy podmínky, která je v nulové variantě zadána funkcí P_D . Zvolíme interval, ve kterém budeme hodnotu Dirichletovy podmínky měnit, tedy například $(P_D + \Pi_{min}, P_D + \Pi_{max})$, kde Π_{min} je zvoleno následovně $\Pi_{min} = -8$ a Π_{max} takto $\Pi_{max} = 8$. Hodnotu Dirichletovy podmínky budeme měnit zavedením parametru ℓ z intervalu $(-1,1)$. Tedy podmínka bude zadána hodnotou parametru ℓ takto:

$$P_{D,\ell}^- = P_D + \ell \Pi_{min},$$

respektive

$$P_{D,\ell}^+ = P_D + \ell \Pi_{max}.$$

Všechna ostatní vstupní data úlohy zůstanou shodná se zadáním nulové varianty. Budeme měnit pouze hodnotu Dirichletovy okrajové podmínky. Pro tento typ variace vypočteme sadu úloh a vyhodnotíme jednak změny hodnot stavových veličin na výpočetní síti, ale i funkcionály výsledků vystihující citlivost odchylek stavových veličin na změny hodnoty Dirichletovy okrajové podmínky.

4.1 Vliv změny hodnot Dirichletovy OKP na celkové změny stavových veličin

Pro dané rozložení Dirichletovy okrajové podmínky P_D vypočteme variantně několik rozdělení $P_D + \ell \Pi_{min}$ respektive $P_D + \ell \Pi_{max}$, kde Π_{min} je zvoleno $\Pi_{min} = -4$ a $\Pi_{max} = 8$. Parametr ℓ náleží intervalu např. $(-1, 1)$, $\ell \in (-1; 1)$. Pro nejvyšší a nejnižší hodnotu parametru zobrazíme výsledky změn jednotlivých stavových proměnných \mathbf{U} , \mathbf{P} . Tyto změny budou hodnoceny i v jednotlivých dílčích intervalech. Tedy označíme-li \mathbf{U}_0 , \mathbf{P}_0 rozložení stavových veličin pro nulovou variantu a \mathbf{U}_ℓ , \mathbf{P}_ℓ , rozložení stavových veličin pro změnu hodnoty rozložení hydraulické vodivosti vyvolanou parametrem ℓ .

Stavové veličiny vykreslíme pro krajní a střední hodnoty parametru ℓ a nulovou variantu. Tedy pro $\ell = -1$, $\ell = -0,5$, $\ell = 0,5$ a $\ell = 1,0$. Výsledky pro minimální variantu tj. pro $\ell = -1$, a pro maximální variantu tj. pro $\ell = 1$ jsou znázorněny na obrázcích pro piezometrickou výšku v práci a na příloženém CD.

Označme pro m -tý prvek sítě (stěny elementu pro průtoky nebo těžiště elementu pro piezometrickou výšku) následující odchylky:

$$\Delta_{\ell}U^m = |U_{\ell}^m - U_0^m|,$$

$$\Delta_{\ell}P^m = |P_{\ell}^m - P_0^m|.$$

Tyto veličiny vypočteme a vykreslíme pro jednotlivé hodnoty ℓ . Na základě grafických výsledků můžeme posoudit, ve kterých částech zkoumané oblasti mají změny Dirichletovy okrajové podmínky největší vliv. Situace je znázorněna na obrázcích 18 a 19 pro piezometrické výšky.

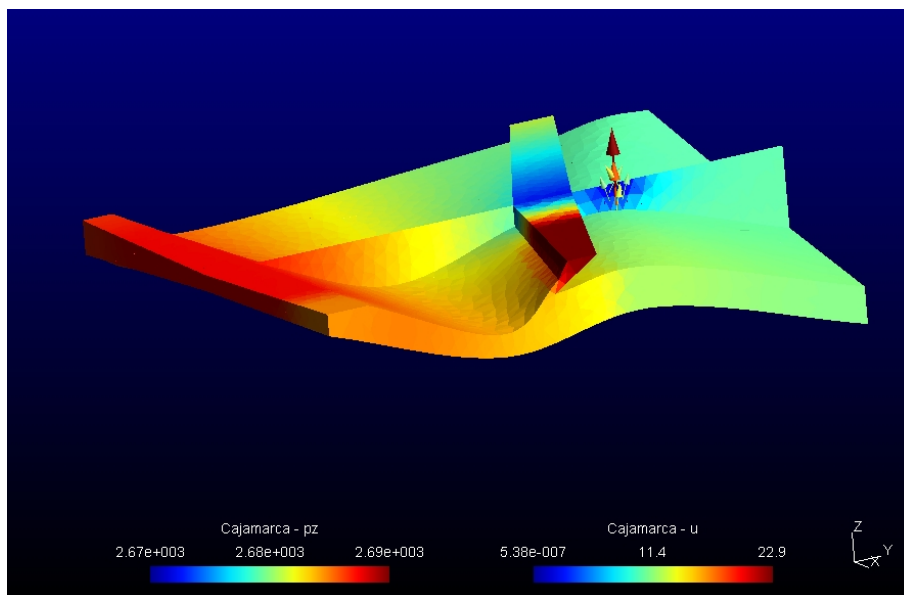
Komentář: z uvedených výsledků je zřejmé, že změny stavových veličin jsou velmi málo citlivé i na relativně značné změny Dirichletovy OKP

4.2 Vliv změny hodnot Dirichletovy OKP na lokální změny stavových veličin

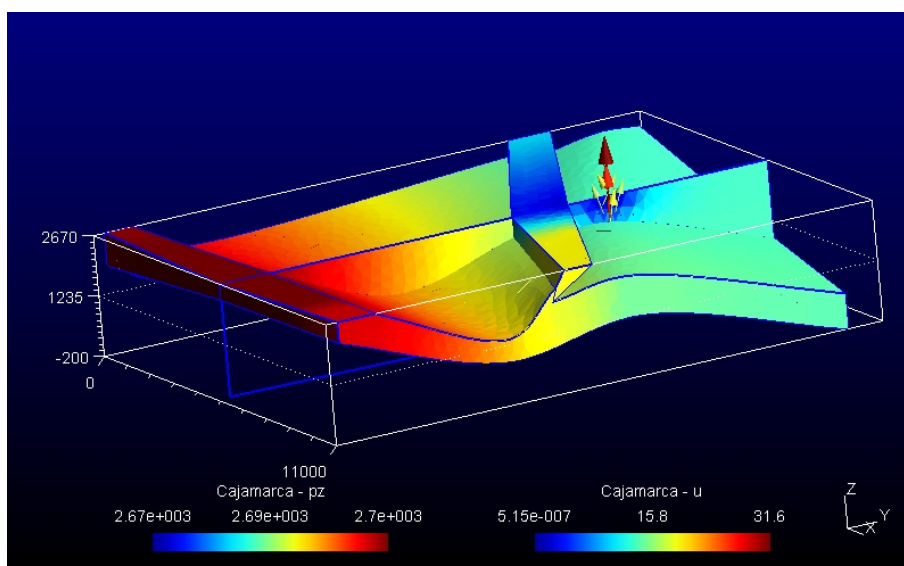
Nyní vyhodnotíme vliv Dirichletovy okrajové podmínky na změny toků ve vybraných oblastech. Výsledky výpočtů jsou uvedeny v tabulce 4.

Zde byl sledován vliv změny hodnoty Dirichletovy okrajové podmínky zadávané v místě výchozů Chimú. Ostatní vstupní parametry modelu byly ponechány v souladu s „nulovou variantou“. Z výsledků uvedených v tabulkách je zřejmá stabilita simulačních výsledků z rozsahu sledovaných změn od -4 do 8 m. Při změnách hodnot Dirichletovy okrajové podmínky na uvedené části sítě pod -4 m dochází potom k výrazným změnám vypočtených veličin. Vstupní změny v těchto rozsazích zásadním způsobem mění charakter tlakových poměrů, při těchto úrovních hladiny podzemních vod v místech výchozů Chimú pak přestává být tato část dominantní infiltrační oblastí, částečně se potom i mění směr toku podzemní vody. Změny pod -4 m tedy neodpovídají předpokládané koncepci modelu proudění podzemních vod v regionu a není možné je bez úpravy dalších vstupních parametrů modelu uvažovat při kalibraci uvažovat.

4. VLIV ZMĚNY HODNOT DIRICHLETOVY OKRAJOVÉ PODMÍNKY

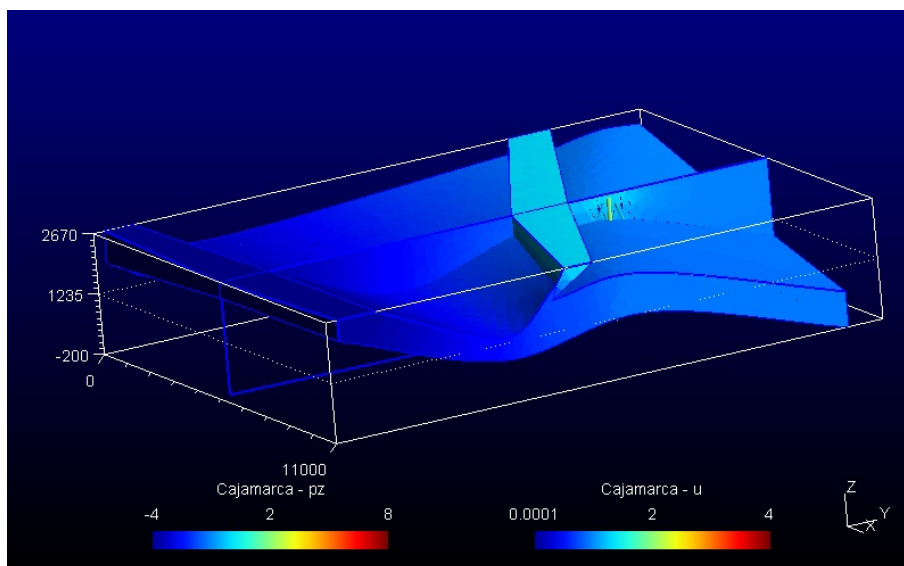


Obrázek 16: Pole tlakových výšek při minimální hodnotě Dirichletovy OKP

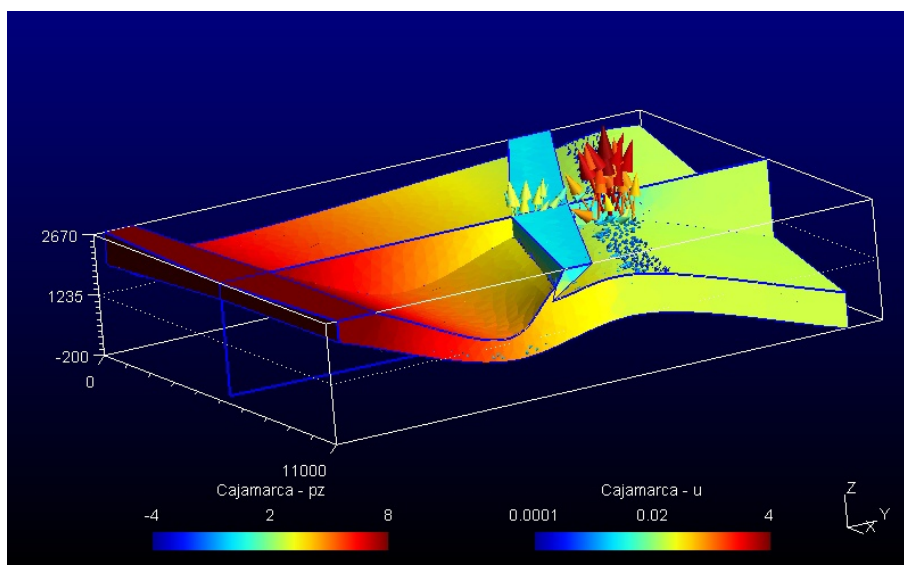


Obrázek 17: Pole tlakových výšek při maximální hodnotě Dirichletovy OKP

4. VLIV ZMĚNY HODNOT DIRICHLETOVY OKRAJOVÉ PODMÍNKY



Obrázek 18: Změna pole tlakových výšek při minimální hodnotě Dirichletovy OKP

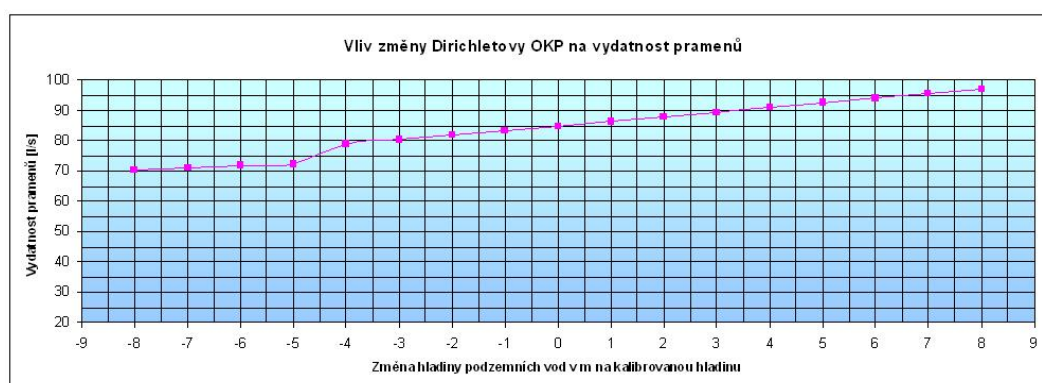


Obrázek 19: Změna pole tlakových výšek při maximální hodnotě Dirichletovy OKP

4. VLIV ZMĚNY HODNOTY DIRICHLETOVY OKRAJOVÉ PODMÍNKY

ΔD_i / Místo	Pramen	Okolí pram.	Farrat	Chimú
-8	70,42	-0,02	10,40	-80,34
-7	71,06	-0,02	1,75	-90,26
-6	71,71	0,13	24,66	-99,90
-5	72,36	0,29	31,79	-109,68
-4	78,75	1,86	3,45	-106,58
-3	80,27	2,24	4,04	-113,45
-2	81,8	2,61	4,64	-120,31
-1	83,3	2,99	5,23	-127,18
0	84,8	3,35	5,83	-134,1
1	86,35	3,73	6,42	-140,97
2	87,9	4,11	7,02	-147,83
3	89,4	4,48	7,61	-154,70
4	91,2	4,86	8,21	-161,34
5	92,5	5,24	8,81	-168,40
6	94,01	5,61	9,40	-175,27
7	95,5	5,98	10,00	-182,14
8	97,07	6,36	10,60	-189,01

Tabulka 4: Vliv změny hodnoty Dirichletovy OKP na bilanci vod ve vybraných lokalitách



Obrázek 20: Graf závislosti vydatnosti pramenů výšek na změnách Dirichletových OKP

5 Vliv změny hodnot Newtonovy okrajové podmínky

Dále budeme sledovat změny výsledků při změnách zadávání Newtonovy okrajové podmínky na rozhraní aquiferu Chimú a jeho nadloží. V nulové variantě je na této části hranice zadána homogenní Neumannova okrajová podmínka. Z výpočtených hodnot nulové varianty dostaneme hodnoty tlakové výšky na této části hranice. Tyto vypočtené hodnoty navýšíme o 1 metr a takto dostaneme rozložení vnější tlakové výšky P_T , kterou použijeme k definování nové okrajové podmínky Newtonova typu. Tedy na této části hranice zadáme následující podmínku

$$U = \sigma(P - P_T),$$

kde $P_T = P_0 + 1$ a P_0 jsou vypočtené hodnoty tlakové výšky nulové varianty na horních okrajových stěnách aquiferu Chimú. Hodnoty přestupového koeficientu σ budeme volit v intervalu $(10^{-4}; 10^{-1})$, tedy $\sigma \in (0,0001; 0,1)$. Konkrétně budeme volit hodnoty $\sigma = 0,0001$; $\sigma = 0,001$; $\sigma = 0,01$; $\sigma = 0,1$. Všechna ostatní vstupní data úlohy zůstanou shodná se zadáním nulové varianty. Budeme měnit pouze hodnotu Newtonovy okrajové podmínky. Pro tento typ změn vypočteme sadu úloh a vyhodnotíme jednak změny hodnot stavových veličin na výpočetní síti, ale i funkcionály výsledků vystihující citlivost odchylek stavových veličin na změny Newtonovy okrajové podmínky.

Tedy označíme-li $\mathbf{U}_0, \mathbf{P}_0$ rozložení stavových veličin pro nulovou variantu a $\mathbf{U}_\sigma, \mathbf{P}_\sigma$ rozložení stavových veličin pro změnu hodnoty Newtonovy okrajové podmínky zadané koeficientem přestupu σ .

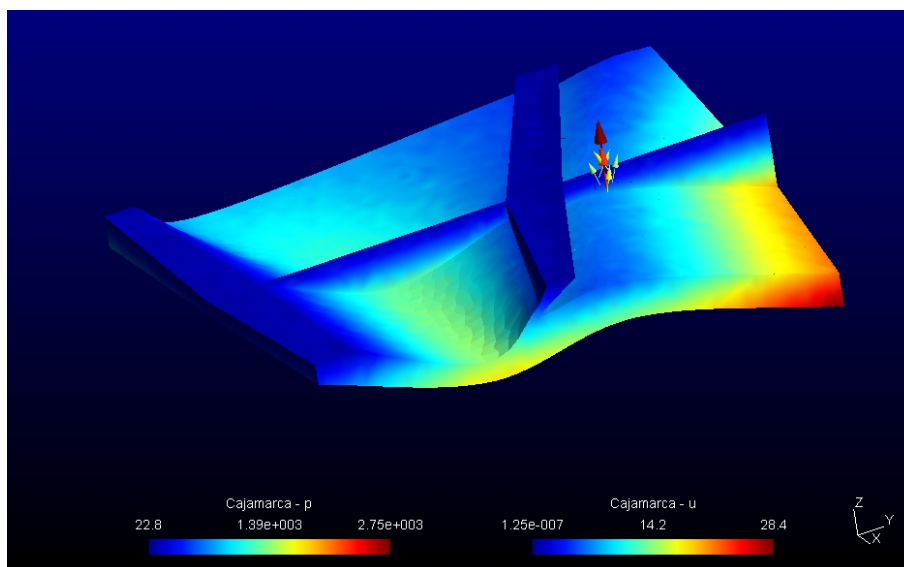
5.1 Vliv změny hodnot Newtonovy okrajové podmínky na celkové změny stavových veličin

Stavové veličiny vykreslíme pro zvolené hodnoty parametru σ a nulovou variantu. Tedy pro $\sigma = 0,0001$; $\sigma = 0,001$; $\sigma = 0,01$ a $\sigma = 0,1$. Výsledky pro jednotlivé varianty jsou znázorněny pro piezometrickou výšku na obrázcích 21 a 22.

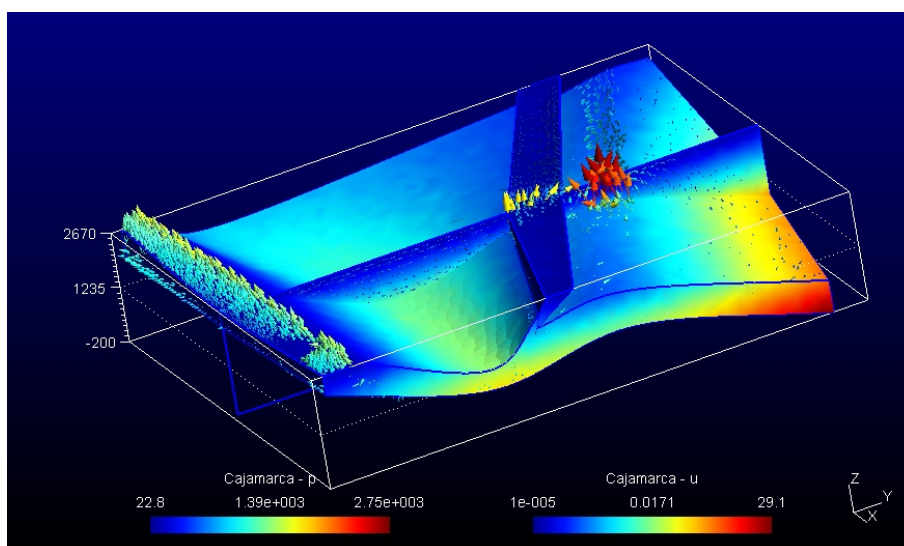
Označme pro m -tý prvek sítě (stěny elementu pro průtoky nebo těžiště elementu pro piezometrickou výšku) následující odchylky:

$$\begin{aligned}\Delta_\sigma U^m &= |U_\sigma^m - U_0^m|, \\ \Delta_\sigma P^m &= |P_\sigma^m - P_0^m|.\end{aligned}$$

5. VLIV ZMĚNY HODNOT NEWTONOVY OKRAJOVÉ PODMÍNKY



Obrázek 21: Tlakové výšky a lokální toky při minimální změně Newtonovy OKP ve srovnání s nulovou variantou



Obrázek 22: Tlakové výšky a lokální toky při maximální změně Newtonovy OKP ve srovnání s nulovou variantou

Tyto veličiny vypočteme a vykreslíme pro jednotlivé hodnoty σ . Na základě grafických výsledků můžeme posoudit, ve kterých částech zkoumané oblasti mají změny Newtonovy okrajové podmínky největší vliv.

Výsledky změn stavových veličin pro minimální variantu tj. pro $\sigma = 0,00001$ a pro maximální variantu tj. pro $\sigma = 0,1$ jsou znázorněny na obrázcích 23 a 24 pro průtoky v pramenech a pro piezometrické výšky.

Dále vypočteme součet čtverců rozdílů vážený převrácenou hodnotou rozdílů vstupní změny a počtu složek stavové veličiny. Tedy vypočteme postupně

$$\Delta_{\sigma}G_U(\sigma) = \frac{1}{M_U} \sqrt{\sum_{m=1}^{M_U} \frac{(U_{\sigma}^m - U_0^m)^2}{(U_0^m)^2}} \quad (5.1)$$

$$\Delta_{\sigma}G_P(\sigma) = \frac{1}{M_P} \sqrt{\sum_{m=1}^{M_P} \frac{(P_{\sigma}^m - P_0^m)^2}{(P_0^m)^2}} \quad (5.2)$$

a vypočtené hodnoty sestavíme do tabulky 5.

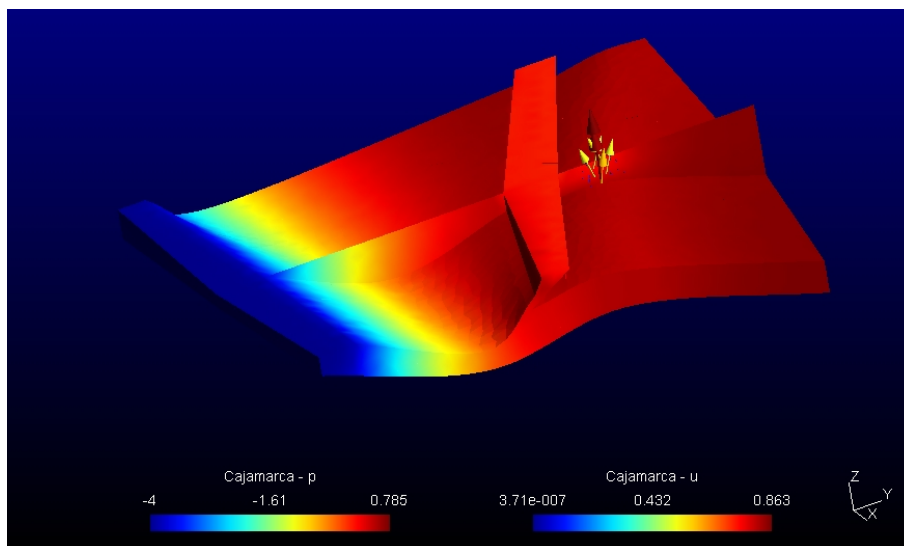
σ / \mathbf{G}	$\mathbf{G(U)}$	$\mathbf{G(P)}$
0,0001	12,221	1,079
0,001	14,943	1,037
0,01	23,298	0,993
0,1	26,792	0,978

Tabulka 5: Citlivost na změnu Nw OKP

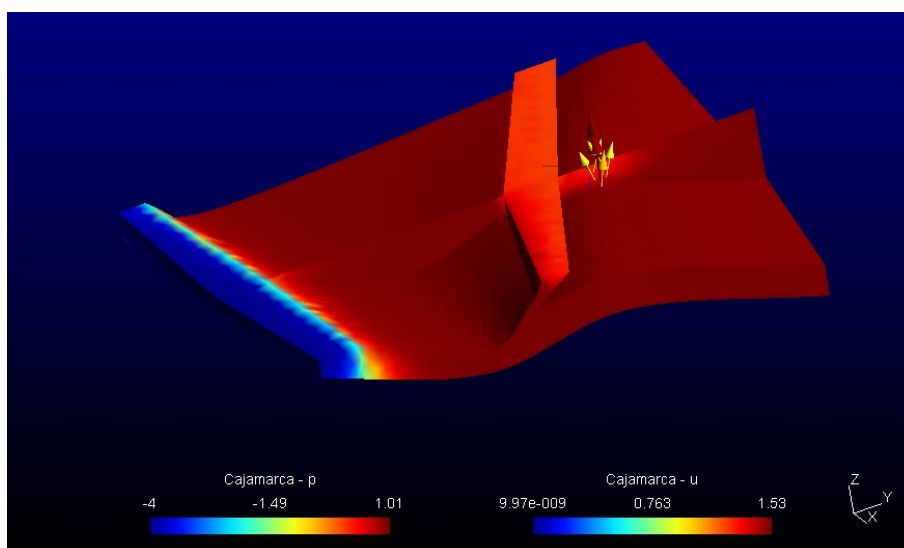
5.2 Vliv změny hodnot Newtonovy okrajové podmínky na lokální změny stavových veličin

Pokud studujeme změny toku v jednotlivých částech sítě při změnách parametru σ Newtonovy okrajové podmínky zadávané na horním okraji vrstvy Chimú dostaneme hodnoty, které jsou uvedeny v tabulce 6. V grafické podobě byla potom zpracována pouze závislost vydatnosti pramenů při sledované variaci vstupních parametrů, výsledný graf je uveden na obrázku 25.

V této části byla studována závislost implementovaného modelu na změně koeficientu přestupu Newtonovy okrajové podmínky. Variace tohoto parametru byla prováděna pro horní okraj vrstvy formace Chimú. V „nulové variantě“ byla na této části hranice zadána homogenní Neumannova okrajová podmínka, vyjadřující praktickou nevodivost nadložních vrstev v souladu s koncepcí modelu



Obrázek 23: Změna tlakových výšek a lokálních toků při minimální změně Newtonovy OKP ve srovnání s nulovou variantou

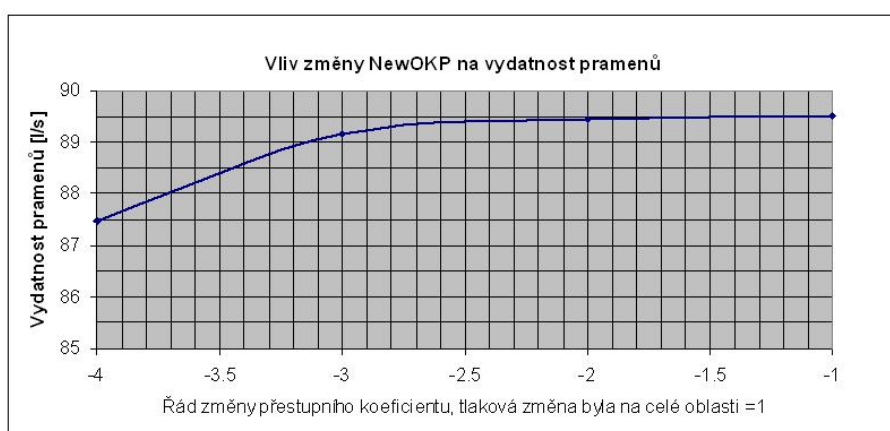


Obrázek 24: Změna tlakových výšek a lokálních toků při maximální změně Newtonovy OKP ve srovnání s nulovou variantou

5. VLIV ZMĚNY HODNOT NEWTONOVY OKRAJOVÉ PODMÍNKY

σ / Místo	Pramen	Okolí pram.	Farrat	Chimú
0,0001	87,487	4,009	77,937	7,366
0,001	89,161	4,421	8,837	295,123
0,01	89,440	4,489	9,150	746,903
0,1	89,525	4,510	9,189	1019,26

Tabulka 6: Vliv změny koeficientu přestupu na horním povrchu Chimú na bilanci vod ve vybraných oblastech



Obrázek 25: Graf závislosti průtoku pramenů na změně koeficientu přestupu Newtonovy OKP

stanovenou hydrogeologem. Uvažovaná nepropustnost je limitním případem pro řádově nízkou vodivost těchto vrstev ve srovnání s horninou formace Chimú. Vzhledem k tomu, že vodivost uvažované horniny je velmi nízká nikoli však nulová je možné jistý přetok přes tuto část hranice do modelované oblasti předpokládat. Tento předpoklad potom vyjadřujeme Newtonovou okrajovou podmínkou, která má dva parametry – hodnotu tlaku (za příslušnou částí hranice) a hodnotu přestupního koeficientu. Výsledky uvedené v této kapitole byly získány pro tlakový parametr Newtonovy okrajové podmínky odpovídající přetlaku 1 m (tlakové výšky) s variací přestupního koeficientu v rozsahu od 10^{-4} do 10^{-1} . Z uvedených výsledků je patrný vliv sledované změny na tok oblastí. Při vyšším koeficientu přestupu dochází ke zvýšení toku, závislost vykazuje nasycení a výrazně sníženou citlivost na další navyšování při hodnotách koeficientu přestupu σ od 10^{-3} . Obdobné nasycení vykazuje i funkce $G(U)$ v tomto případě při hodnotách koeficientu přestupu σ vyšších než 10^{-2} . Všechny uvedené hodnoty

5. VLIV ZMĚNY HODNOT NEWTONOVY OKRAJOVÉ PODMÍNKY

koeficientů přestupu jsou v jednotkách konzistentních s jednotkami zadávaných hydraulických vodivostí, tedy v 10^{-5} m/s .

Závěr

Cílem modelování bylo zpracování metodiky přípravy sítě pro vymezenou oblast s uvážením specifických požadavků simulované reality, vývoj metodiky přípravy vstupních dat pro naplnění modelu a implementace prvních variant modelů hydrogeologických situací v hlavním aquiferu modelované oblasti. Za účelem naplnění stanovených cílů bylo postupně provedeno:

- rozbor modelované problematiky
- výběr modelované oblasti, studium výsledků geologů a hydrogeologů
- byla připravena metodika generování sítě pro danou oblast,
- byla připravena metodika generování vstupních dat modelu,
- byla realizována první varianta modelu vymezené oblasti.
- bylo provedeno hodnocení numerické citlivosti zvolených variant modelů na změny vstupních podmínek,
- byla zpracována metodika postupu při kalibraci hydrogeologických modelů v oblastech se základním povrchovým geologickým průzkumem.

Při realizaci modelu byly využity výsledky předchozích prací geologů, hydrogeologů, matematiků a informatiků-programátorů. I přes tato poskytnutá data se skupina zabývající se modelováním musela potýkat s řadou nejistot a při realizaci první varianty modelu bylo třeba vzít v úvahu velkou řadu zjednodušení, abychom dosáhli výsledků odpovídajících představám o skutečném proudění podzemních vod v modelované oblasti. Nutno podotknout, že vývoj konkrétního modelu je práce velmi specifická, je třeba vzít v úvahu řadu skutečností významných pro danou konkrétní modelovanou lokalitu. Teprve po jisté době testování modelu, zjišťování citlivosti výsledků na změnu vstupních dat a podobně, lze přikročit ke kvalifikovanému zhodnocení celého modelu.

Přínos práce

Disertační práce zpracovává řadu variant úlohy proudění podzemní vody ve velmi komplikovaném horninovém prostředí. Tímto práce přispívá k rozsáhlému testování vyvíjeného modelu a ukazuje jeho možnosti při řešení úloh regionálního významu. Porovnání výsledků zadaných úloh ukazuje očekávané chování modelu při variaci vstupních dat. Výsledky byly v práci dále integrovány do definovaných funkcionalů a ty pak porovnány formou tabulek a hodnoceny graficky. Výsledky ukazují vysokou stabilitu výpočtu v poměrně značném rozsahu

zadávaných dat. Dále grafy prokazují i přechodové charakteristiky při změnách parametrů úlohy a vyjadřují schopnost nasycení sledované suboblasti, na které jsou měněny vstupní data. Z grafických výsledků je možné usoudit na žádané změny vstupních parametrů, které zajistí větší soulad vypočtených a sledovaných dat.

Navazující a budoucí práce

V budoucnu bude vhodné rozšíření modelu o další fyzikální vlivy, jako je například vliv tepelného pole, tektonických poruch v podloží a podobně. Po té bude možné testování dalších změn. Například změn okrajových podmínek na těch částech hranice, kde byla zatím zadávána homogenní Neumannova podmínka. Nebo vliv geometrie a mocnosti aquiferu na výsledné toky.

V každém případě budou současné zkušenosti využity i v jiných oblastech, ve kterých je velmi málo vstupních dat a současně jsou požadovány komplexní výsledky. Například budou zkušenosti využity při návrhu koncepce a vlastní stavbě a ověřování modelu chování hlubinného úložiště jaderného odpadu v krystaliniku.

Reference

- [1] KRÁLOVCOVÁ J., MARYŠKA J., SEVERÝN O., ŠEMBERA J.: *Formulation of mixed-hybrid FE model of flow in fractured porous medium*. Numerical Mathematics and Advanced Application, Proceedings of ENUMATH 2005, Springer-Verlag, 2006, pp. 1184-1191. ISBN 3-540-34287-7.
- [2] SEVERÝN O., MARYŠKA J., KRÁLOVCOVÁ J., HOKR M.: *Modeling of groundwater flow and contaminant transport in hard rock using multidimensional FEM/FVM*. Proceedings of GeoProc 2006, Nanjing, 2006.
- [3] SEVERÝN O., MARYŠKA J., KRÁLOVCOVÁ J., HOKR M.: *Numerical simulation of borehole tests in fractured rock at Potůčky site*. Proceedings of 4th Workshop on hard rock hydrogeology of the Bohemian Massif, Jugowice, 2006.
- [4] SEVERÝN O., MARYŠKA J., KRÁLOVCOVÁ J., ŠEMBERA J.: *A novel approach to modelling of flow in fractured porous medium*. Kybernetika, vol 40. (2004), number 1.
- [5] MARYŠKA J., KRÁLOVCOVÁ J., CÍSAŘOVÁ K. A KOL: *Výsledky matematického modelování pohybu fluid v puklinovém prostředí testovací lokality. Závěrečná zpráva projektu: Provedení geologických a dalších prací na testovací lokalitě Melechovský masiv 2. etapa. 2006. Stran 52. (Oponovaná zpráva, projekt SURAO, Melechov)*
- [6] MARYŠKA J. A KOL.: *Matematické modelování. Závěrečná zpráva Programu státní podpory výzkumu a vývoje MŽP VaV/660/2/03 za roky 2003-5. 2006. Stran 62. (Oponovaná zpráva)*
- [7] MARYŠKA J., KRÁLOVCOVÁ J., CÍSAŘOVÁ K., CAPEKOVÁ Z.: *Modelování hydrogeologických situací v oblasti Cajamarca, oponovaná zpráva projektu, 2006, stran 21.*
- [8] MARYŠKA J. A KOL: *Výzkumná zpráva výzkumného centra Pokročilé sanační technologie a procesy. 2006.(Oponovaná zpráva)*
- [9] CÍSAŘOVÁ K., KRÁLOVCOVÁ J., MARYŠKA J.: *Models of hydro geological processes. ECMS 2007, 8th International workshop on Electronics, Control, Modeling, Measurement and Signals 2007 (Připravené do tisku).*
- [10] CÍSAŘOVÁ K., CAPEKOVÁ Z.: *The Experience with a Three- Dimensional Finite Element Mesh Generátor*. Proceedings of SIMONA 2006, Technická univerzita v Liberci, 2006, ISBN 80-7372-152-X

- [11] ŠÍMA J. A KOL.: *Desarrollo de las aguas termales en el Peru*. Průběžná zpráva projektu: Rozvoj, využití podzemních, zvláště termálních a mineralních vod v Peru. (Oponovaná zpráva Lima 2006, společný projekt Vice-ministerio de Turismo Peru a Ministerstva životního prostředí ČR)